
Seminar

Beschreibungslogiken

Carola Eschenbach

**Universität Hamburg, MIN-Fakultät, Dept. Informatik
AB Wissens- und Sprachverarbeitung (WSV)**

Wintersemester 2007/2008

Einordnung in den Diplom-Studienplan

Profil Intelligente Systeme

- Wissensverarbeitung
- Sprachverarbeitung
- (Bildverarbeitung)

Logik

- Fortsetzung von LOS / Ergänzung von FGI3-Logik
- Detailstudie von Logik-Formalisten mit guten Verarbeitungseigenschaften

Aktuelle Anwendungen

- Semantic Web: Semantik-basierte Nutzbarkeit
 - Spezifikation von Ontologien / Terminologie
 - Integrierbarkeit unterschiedlicher Informationsquellen

FGI 3

Logik + Semantik der Programmierung +
Beschreibungslogiken

Logik
Beschreibungslogiken

Carola Eschenbach
– WSV –

Semantik der
Programmierung

Rüdiger Valk
– TGI –

Prüfungen

Modul FGI 3

- Seminar Beschreibungslogiken: Vortrag + Seminararbeit
- mündliche Prüfung über den Stoff beider Vorlesungen

Prüfungen sind studienbegleitend konzipiert !

- während des Semesters lernen und fragen,
- am Semesterende prüfen,
- und nicht erst 2 Jahre später !

Termine: über das Prüfungsamt (Stine?) zu vergeben

- werden rechtzeitig bekannt gegeben

Sinn und Zweck: Lernziele von Seminaren

Fähigkeit zum

- selbständigen Erarbeiten eines neuen Themenbereiches
 - Ziele (Visionen, Hoffnungen, Versprechungen)
 - Methoden
 - Ergebnisse
- Lesen, Einordnen und Beurteilen wissenschaftlicher Texte
 - technisch
 - voraussetzungsreich
 - idiosynkratische Terminologie
- Wiedergeben, Zusammenfassen, Diskutieren
 - der Textinhalte

Ablauf

Heute

- Einführungsvortrag
- ggf. Termin und Vortragsverteilung

Freitag

- Expo: Ein Projekt zu einem Beschreibungslogikbeweiser stellt sich vor

nächste Woche

- Diskussion eines von allen gelesenen Aufsatzes

im restlichen Semester

- Vorträge einzelner zu ausgewählten Aufsätzen
- Diskussion von Aufsätzen, die alle gelesen haben

zum Abschluss

- Abschlussdiskussion: Wo stehen wir, wo die Wissenschaft ?

Ablauf (erster Vorschlag)

22. Okt 07	Einführung	CE
29. Okt 07	Semantic Web	Alle
5. Nov 07	Einordnung Beschreibungslogik	
12. Nov 07	Beschreibungslogik-Einführung	
19. Nov 07	OWL-Sprachfamilie (Semantic Web)	
26. Nov 07	DL-Lite-Familie (Datenbankanbindung)	
3. Dez 07	DL-Beweisverfahren, Tableau	
10. Dez 07	DL-Beweiser, ausdrucksstärkere DL	
17. Dez 07	DL-Reasoning mit T-Box	
7. Jan 08	DL-Beweiser, Optimierung	
14. Jan 08	Reasoning services: DL-Dienstleistungen	
21. Jan 08	Unterstützung für Ontologie-Erweiterung	
28. Jan 08	Reserve	
4. Feb 08	Abschluss	

C. Eschenbach: Beschreibungslogiken

7

Logik in der Informatik

Logik als Werkzeug

- Formale Theorien der **Spezifikation** und **Korrektheit**
 - Verifikation von Software & Hardware
 - Speziell: Parallelität und Nebenläufigkeit
- Grundlage von Berechnungen
 - Theorembeweisen/Deduktionssysteme: **Reasoning Services**
 - **Logik-Programmierung**: PROLOG

Logik als Beispiel einer formalen Sprache

zur Beschreibung / Repräsentation der Welt

- Künstliche Intelligenz, **Wissensrepräsentation** und **Wissensverarbeitung**, Bedeutung von Sprache und von Bildern
- **Datenbanken**, Formulierung und Prüfung von Integritätsbedingungen
- Informationssysteme und WWW: **Semantic Web**, **Ontologien**

C. Eschenbach: Beschreibungslogiken

8

Konzeptsysteme, Systeme von Beschreibungen

Konzepte

- können allgemeiner / spezifischer sein als andere Konzepte (Subsumption)
- können einander ausschließen (Exklusion)
- können atomar oder komplex beschrieben sein
- können Informationen über Relationen beinhalten

Objekte

- können unter Konzepte fallen
- können in Relation zueinander stehen

Relationen (Rollen)

- können allgemeiner / spezifischer sein als andere Relationen (Subsumption)

Ontologien für das 'Semantic Web'

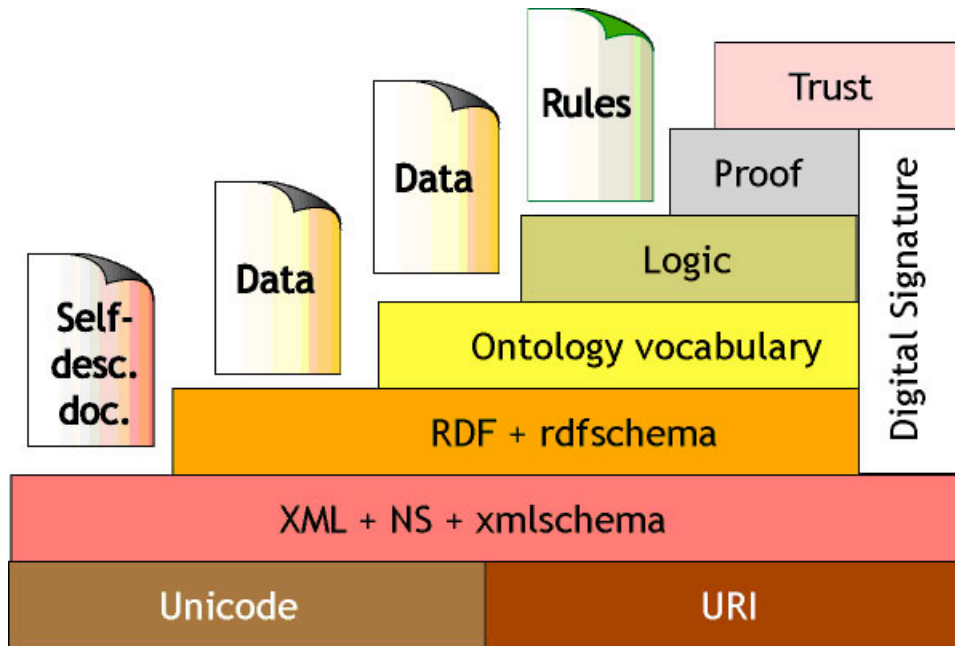
Semantic Web

- Vision der 'Verständlichkeit' von Web-Inhalten für Software-Agenten als Basis komplexer Leistungen
- Anreicherung von Web-Seiten um (Meta-)Information, die die Interpretation der Inhalte erlaubt
- Bedarf für formale Spezifikation der Sprache der Meta-Information

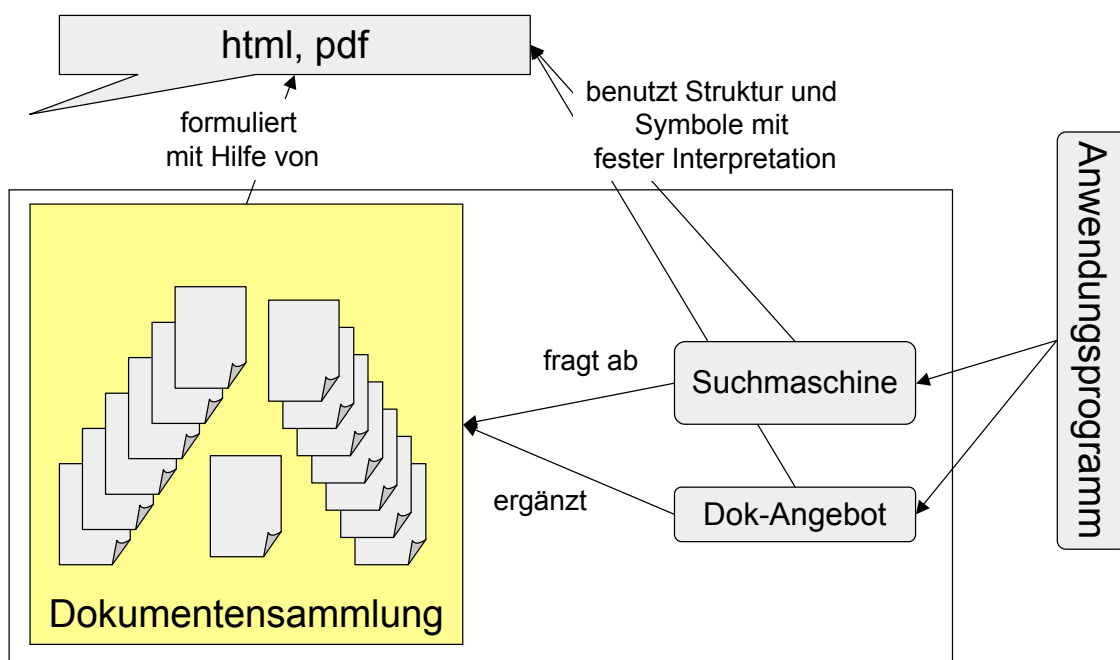
Ontologien

- formal spezifizierte Systeme von Konzepten und Relationen
- mit logischer Basis, die Beweisführungen unterstützt

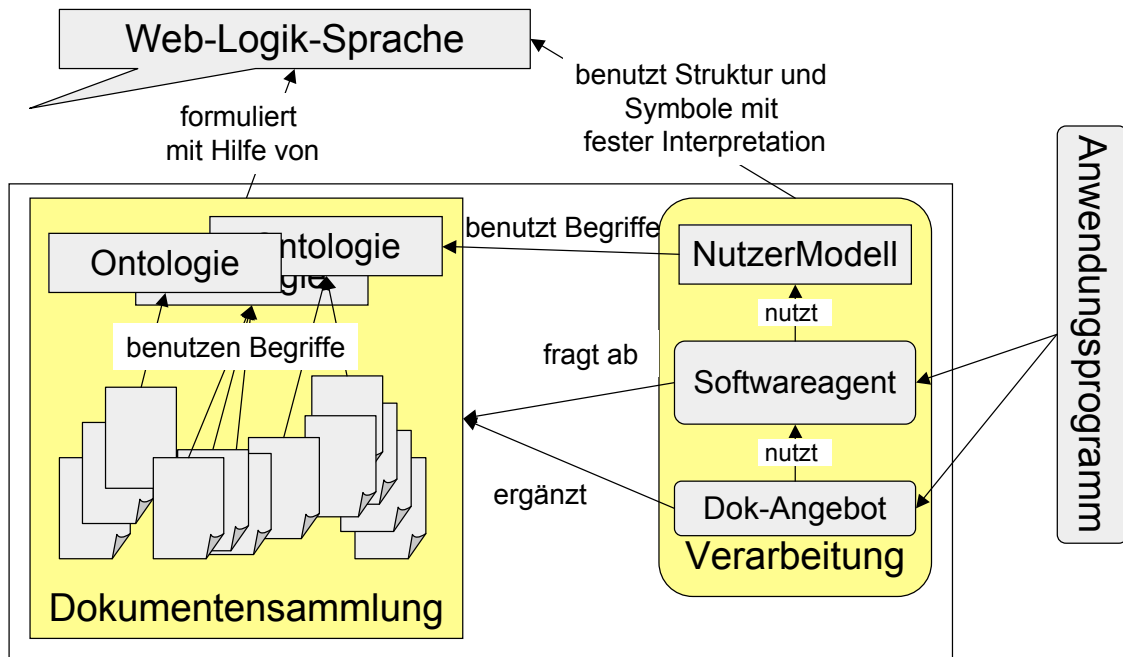
Semantic-Web-Stack



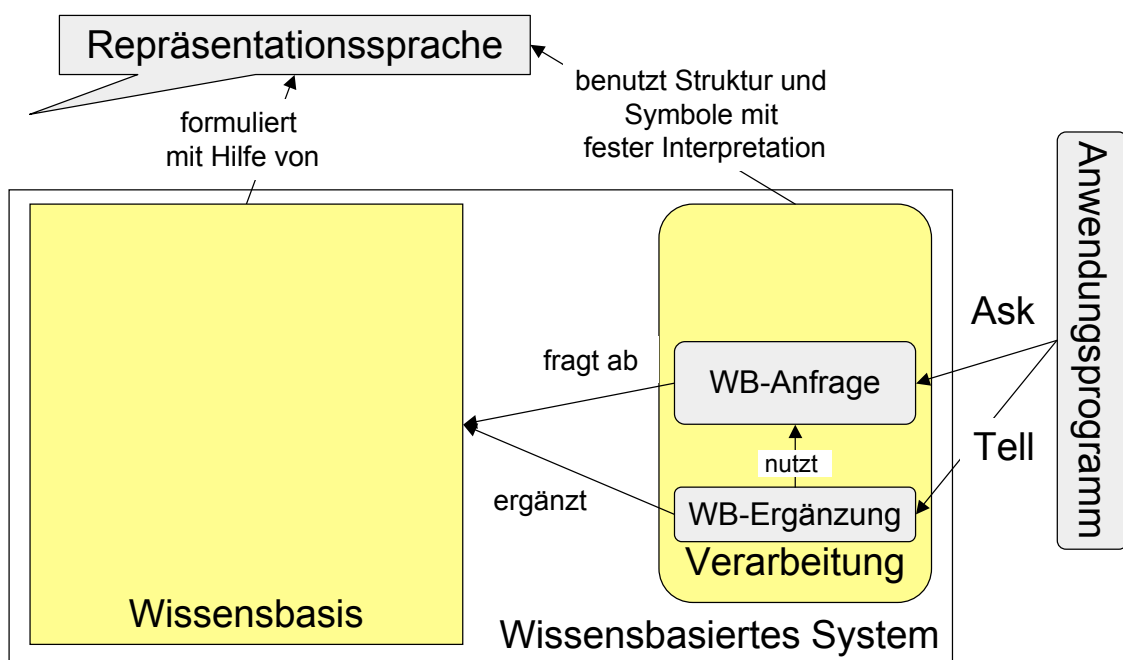
Syntactic-Web-Perspektive



Semantic-Web-Perspektive



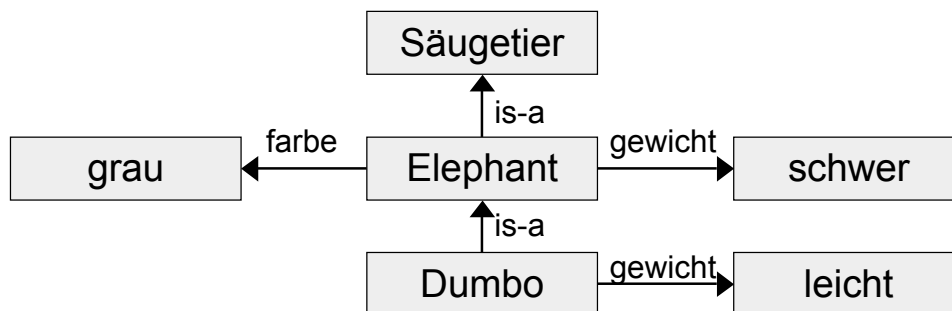
Wissensbasiertes System: Tell/Ask-Interface



Historischer Ursprung von Beschreibungslogiken

Semantische Netze

- Repräsentationen für Konzept-Wissen
- Graphen mit Knoten für Konzepte und Individuen und beschriftete Pfeilen für binäre Relationen
- Definiert über Bilder, keine klare Semantik, keine spezifizierten Verarbeitungsmechanismen



Beschreibungslogik-Ansatz

Im Kontrast zu semantischen Netzen

- Explizite modelltheoretische Semantik
 - der Name ‚Logik‘ will verdient sein
- Unterscheidung von
 - is-a zwischen Konzepten: Subsumption; und
 - is-a zwischen Objekten und Konzepten: Instanziierung
 - Diese beiden Relationen gehören zu den ausgezeichneten Relationen mit fester Interpretation
- Fokussierung von Verarbeitungsmöglichkeiten und Berechenbarkeitsfragen

Beschreibungslogiken

Andere Namen

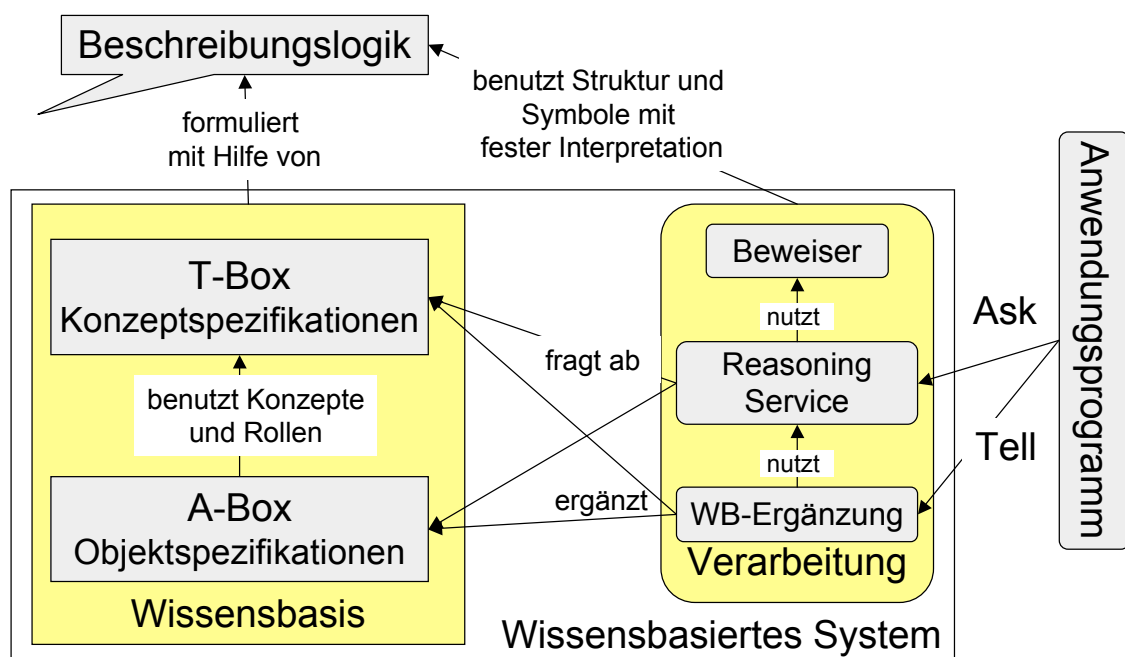
- Terminologische Logiken, KL-ONE-artige Sprachen
- Description logic, terminological logics, taxonomic logics, term subsumption systems, KL-ONE-like systems

Definition eines logischen Systems: Generelles Schema (s. LOS / FGI3-Logik)

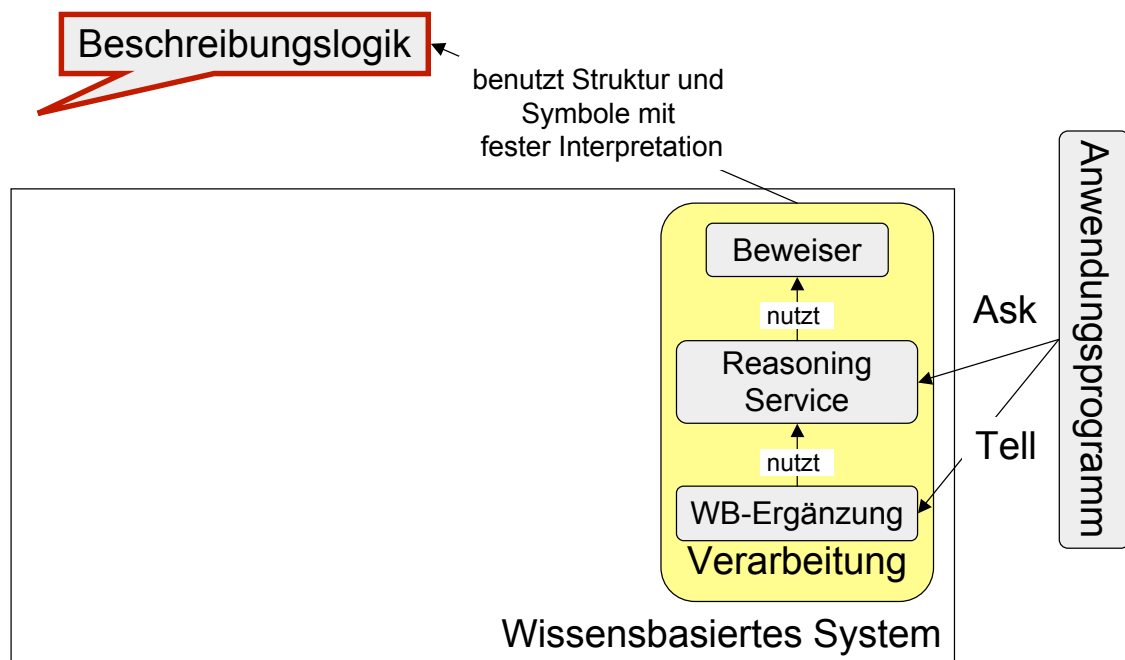
- eine formale Sprache (zur Repräsentation)
- Evaluations- / Interpretationsprinzipien
- semantische Kategorisierungen und Beziehungen
- Ableitungs-, Beweisverfahren

➤ Beschreibungslogiken bilden logische Systeme

Wissensbasiertes System mit **Beschreibungslogiken**



Beschreibungslogiken für Wissensbasierte Systeme



Beschreibungslogik: Spezifikationen von Konzepten

Atomare Beschreibungen / freie Symbole

- Konzeptsymbole (einstellige Prädikate)
- Rollensymbole (binäre Relationen)
- Konstanten (Individuenbezeichnungen, nicht in allen Sprachen verfügbar)

Komplexe Beschreibungen

- basierend auf
 - (atomaren) Konzepten
 - (atomaren) Rollen
 - Konzeptbildungsoperatoren
 - Rollenbildungsoperatoren (nicht in allen Sprachen verfügbar)

Beschreibungslogiken: Varianten

Unterschiede zwischen verschiedenen Beschreibungslogiken

- Auswahl von Konzeptbildungsoperatoren
- Auswahl von Rollenbildungsoperatoren
- Konzeptbildungsoperatoren auf Basis von Konstanten

Auswirkungen

- Ausdrucksmächtigkeit und Verarbeitbarkeit
- Manchmal keine: Einschränkung von Formulierungsvarianten desselben Inhaltes
- Reine Konzeptsysteme vs. Konzeptsysteme + Weltausschnitt

Konzeptbildungsoperatoren (Concept constructors)

Standardnotation der Konstruktoren

- \top : das universelle Konzept
- \perp : das leere Konzept
- $C \sqcap D$: Durchschnitt, Bedingungskonjunktion
- $C \sqcup D$: Vereinigung, Bedingungsdisjunktion
- $\neg A$: Komplement, Negation nur atomarer Konzepte
- $\neg C$: Komplement, Negation nur beliebige Konzepte
- $\forall R.C$: Werterestriktion
- $\exists R.\top$: eingeschränkte Existenzrestriktion
- $\exists R.D$: freie Existenzrestriktion
- $(\geq n R)$: Anzahlrestriktion mindestens
- $(\leq n R)$: Anzahlrestriktion höchstens

\mathcal{DL} : Bedeutung / Interpretation: Formal

Interpretationen sind Paare $\mathfrak{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$

\mathcal{D} : nicht-leere Menge von Objekten (Domäne, Universum, Diskursbereich)

I : Interpretation der frei verfügbaren Symbole, durch rekursive Definition erweitert auf alle Konzepte, Rollen und Individuenbezeichnungen

- Abbildung von **Konzepten** auf Teilmengen von \mathcal{D}
 - $I(A) \subseteq \mathcal{D}$
- Abbildung von **Rollen** auf Teilmengen von $\mathcal{D} \times \mathcal{D}$
 - $I(R) \subseteq \mathcal{D} \times \mathcal{D}$
- Abbildung von **Individuenbezeichnungen** auf ein Objekte in \mathcal{D}
 - $I(c) \in \mathcal{D}$

Interpretation der Konstruktoren

Interpretationen sind Paare $\mathfrak{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$

$$I(\top) = \mathcal{D}$$

$$I(\perp) = \emptyset$$

$$I(C \sqcap D) = I(C) \cap I(D)$$

$$I(C \sqcup D) = I(C) \cup I(D)$$

$$I(\neg C) = \mathcal{D} \setminus I(C)$$

$$I(\forall R.C) = \{a \in \mathcal{D} \mid \forall b [(a, b) \in I(R) \Rightarrow b \in I(C)]\}$$

$$I(\exists R.\top) = \{a \in \mathcal{D} \mid \exists b [(a, b) \in I(R)]\}$$

$$I(\exists R.D) = \{a \in \mathcal{D} \mid \exists b [(a, b) \in I(R) \wedge b \in I(D)]\}$$

$$I(\geq n R) = \{a \in \mathcal{D} \mid |\{b \in \mathcal{D} \mid (a, b) \in I(R)\}| \geq n\}$$

$$I(\leq n R) = \{a \in \mathcal{D} \mid |\{b \in \mathcal{D} \mid (a, b) \in I(R)\}| \leq n\}$$

Rollenkonstruktoren mit Interpretation

$$\begin{aligned} I(U) &= \mathcal{D} \times \mathcal{D} \\ I(\text{Id}) &= \{(a, a) \mid a \in \mathcal{D}\} \\ I(R \sqcap S) &= I(R) \cap I(S) \\ I(R \sqcup S) &= I(R) \cup I(S) \\ I(\neg R) &= \mathcal{D} \times \mathcal{D} \setminus I(R) \\ I(R^-) &= \{(a, b) \in \mathcal{D} \times \mathcal{D} \mid (b, a) \in I(R)\} \\ I(R \circ S) &= \{(a, b) \in \mathcal{D} \times \mathcal{D} \mid \exists c [(a, c) \in I(R) \wedge (c, b) \in I(S)]\} \\ I(R^+) &= \text{Transitive H\u00fclle von } I(R) \\ I(R^*) &= \text{Reflexive, transitive H\u00fclle von } I(R) \\ I(R|_C) &= I(R) \cap \mathcal{D} \times I(C) \end{aligned}$$

Einordnung bez\u00fcglich anderer Logiken

Beschreibungslogiken sind

- ausdruckschw\u00e4cher als Pr\u00e4dikatenlogik

\mathcal{ALU} und Erweiterungen sind

- ausdrucksreicher als Aussagenlogik

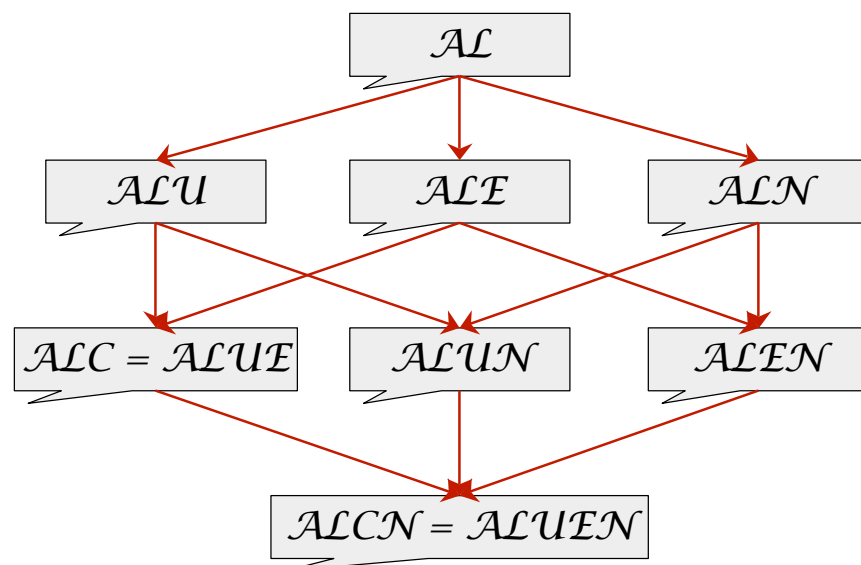
Entscheidbarkeit

- Pr\u00e4dikatenlogik ist semi-entscheidbar
- Aussagenlogik ist entscheidbar
- Bei Beschreibungslogiken gibt es entscheidbare und semi-entscheidbare Varianten
 - ➔ gesucht wird nach entscheidbaren Varianten mit geringer Komplexit\u00e4t

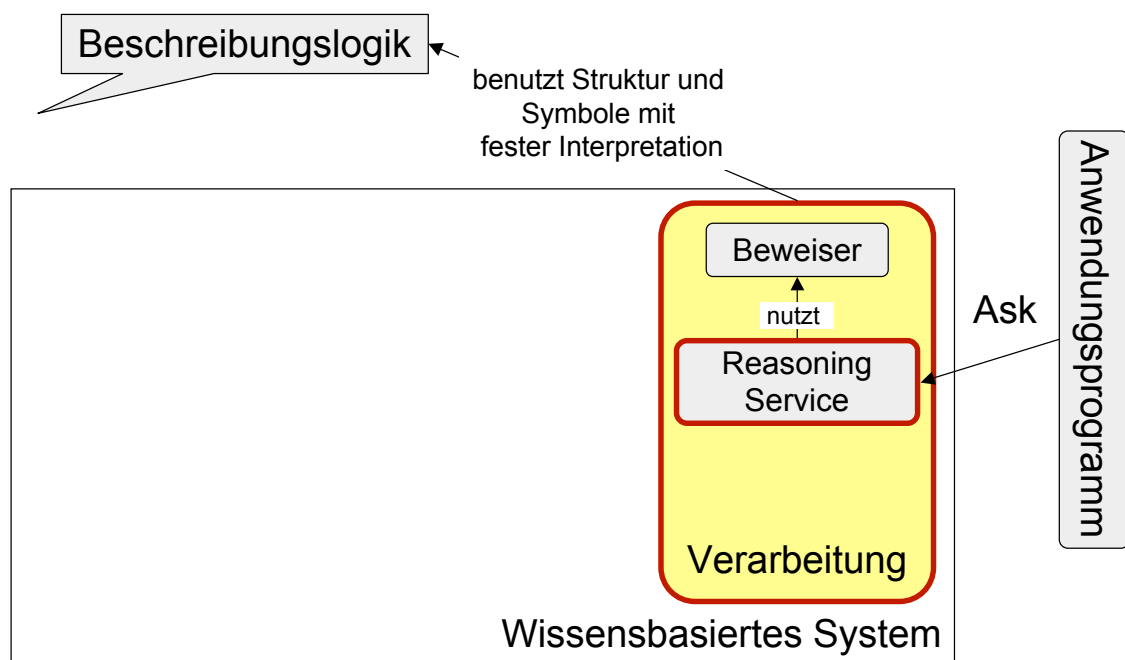
Die Basissprache \mathcal{AL} und Erweiterungen

	\mathcal{AL}	\mathcal{ALU}	\mathcal{ALE}	\mathcal{ALN}	\mathcal{ALC}
\top	+	+	+	+	+
\perp	+	+	+	+	+
$C \cap D$	+	+	+	+	+
$C \cup D$	-	+	-	-	-
$\neg A$	+	+	+	+	+
$\neg C$	-	-	-	-	+
$\forall R.C$	+	+	+	+	+
$\exists R.\top$	+	+	+	+	+
$\exists R.D$	-	-	+	-	-
$(\geq n R)$	-	-	-	+	-
$(\leq n R)$	-	-	-	+	-

\mathcal{AL} -Sprachfamilie (Ausdrucksmächtigkeit)



Wissensbasiertes System ohne Wissensbasis



Konzept-Inferenzen

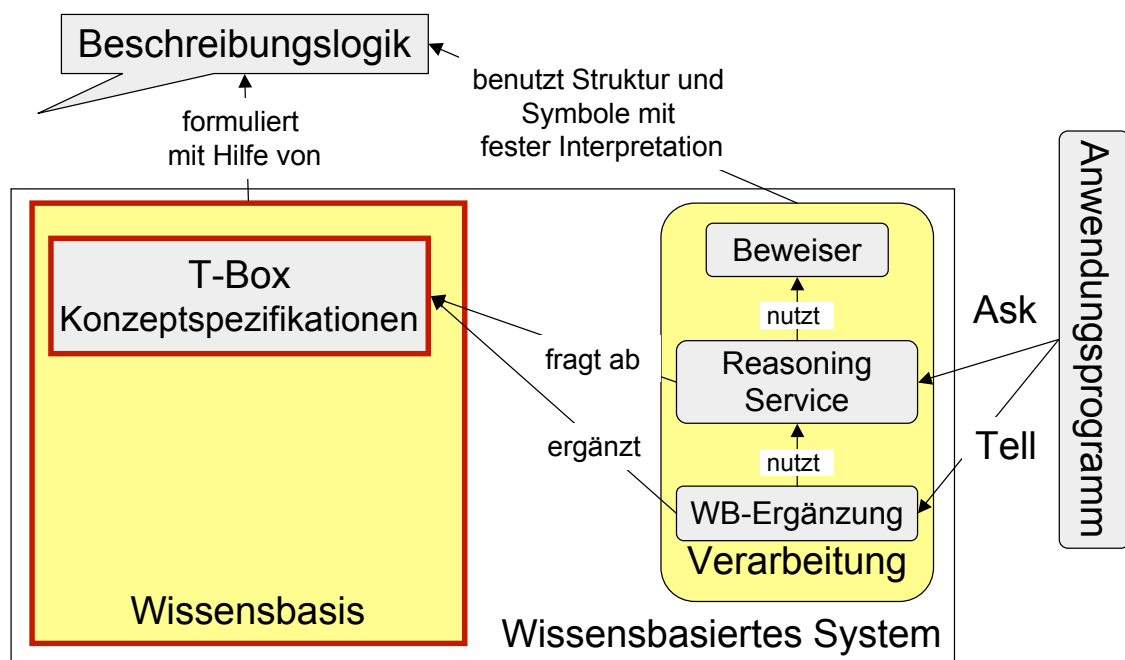
Definition

- Es seien **C** und **D** Konzepte.
- **C** ist genau dann **konsistent**, wenn es eine Interpretation gibt, die **C** auf eine nicht leere Menge abbildet.
- **C** **subsummiert** genau dann **D**, wenn in jeder Interpretation $\mathcal{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$ gilt, $I(\mathcal{D}) \subseteq I(\mathcal{C})$.
- **C** und **D** **sind** genau dann **äquivalent**, wenn in jeder Interpretation $\mathcal{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$ gilt, $I(\mathcal{D}) = I(\mathcal{C})$.
- **C** und **D** **schließen** genau dann **einander aus**, wenn in jeder Interpretation $\mathcal{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$ gilt, $I(\mathcal{D}) \cap I(\mathcal{C}) = \emptyset$.

Inferenzdienst

- Konsistenz eines (komplexen) Konzeptes
- Subsumption, Äquivalenz, Gegenseitiger Ausschluss zweier Konzepte
- ➔ „klassische Inferenzdienste“

Beschreibungslogik-T-Box



T-Box: Spezifikationen von Konzepten

Primitive Konzepte / Atomare Beschreibungen

- keine Definition vorhanden
- hinreichende Bedingungen nicht bekannt
- explizite Einordnung in Subsumptionshierarchie

Definierte Konzepte / Komplexe Beschreibungen

- Definition verfügbar
- notwendige und hinreichende Bedingungen
- basierend auf
 - (primitiven) Konzepten
 - Relationen / Rollen
 - Konzeptbildungsoperatoren
- implizite Einordnung in Subsumptionshierarchie

Inhalt der T-Box (Terminologie)

Es seien

C und D Konzeptbeschreibungen (atomar oder komplex)

R und S Rollenbeschreibungen (atomar oder komplex)

T-Box-Formeln (T-Box-Axiome)

- Formeln der Form $(C \sqsubseteq D)$ (Studierender \sqsubseteq Mensch)
 - C ist ein Unterkonzept von D
 - D subsummiert C
- und / oder Formeln der Form $(C \doteq D)$ (Apfelsine \doteq Orange)
 - C und D sind gleich, C ist durch D definiert
- ggf. auch Formeln der Form $(R \sqsubseteq S)$, $(R \doteq S)$

Weitere Beschränkungen z.B.

- C muss atomar sein, C darf nur einmal links vorkommen, keine Zyklen in der T-Box

\mathcal{DL} : Bedeutung / Interpretation: Formal (Forts.)

Interpretationen sind Paare $\mathfrak{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$

Fortsetzung von I für T-Box-Formeln

$I((C \sqsubseteq D)) = \text{wahr}$ genau dann, wenn $I(C) \subseteq I(D)$.

$I((C \doteq D)) = \text{wahr}$ genau dann, wenn $I(C) = I(D)$.

$I((R \sqsubseteq S)) = \text{wahr}$ genau dann, wenn $I(R) \subseteq I(S)$.

$I((R \doteq S)) = \text{wahr}$ genau dann, wenn $I(R) = I(S)$.

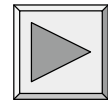
Wir schreiben dann auch

$\mathfrak{S} \models (C \sqsubseteq D)$ bzw. $\mathfrak{S} \models (C \doteq D) \dots$

und sagen

\mathfrak{S} ist ein Modell der Formel / macht die Formel wahr.

T-Box-Restriktionen (Beispiele)



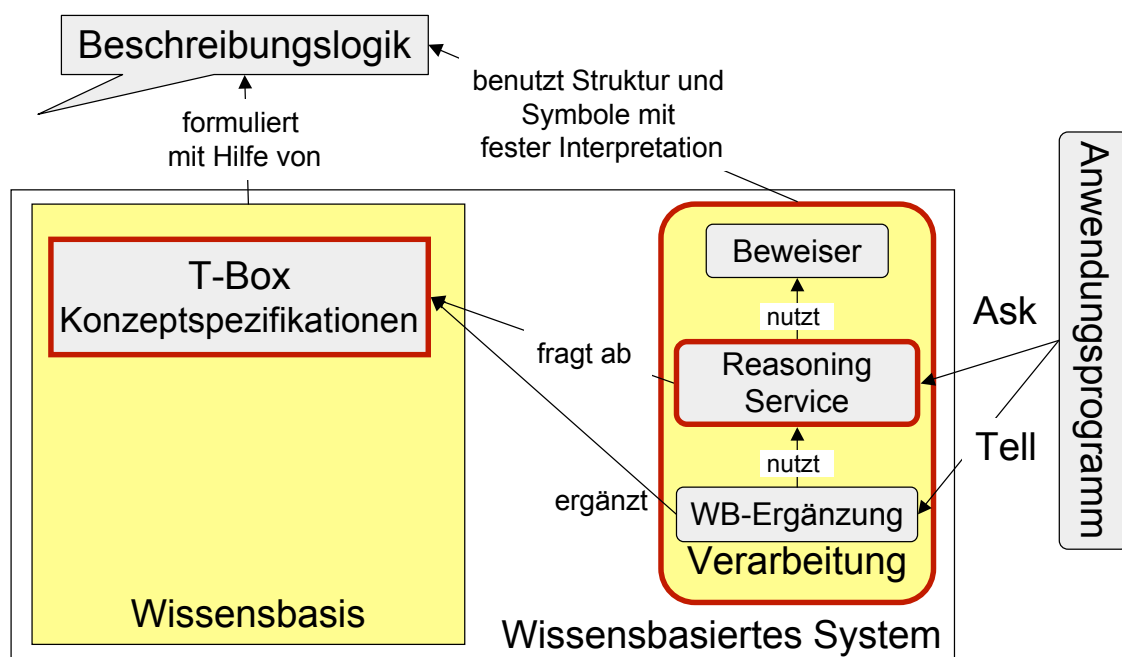
nur Definitionen $A \doteq C$

- keine *Spezialisierungen* wie $A \sqsubseteq C$ erlaubt
- Normalisierung: $A \doteq A' \sqcap C$

Zyklenfreiheit

- Beispiel für eine zyklische Definition: Ein Mensch ist ein Lebewesen mit menschlichen Eltern.
 $\text{Human} \doteq \text{Animal} \sqcap \forall \text{hasParent.Human}$
- Jede azyklische T-Box ist definitiorisch, d.h. bei einer gegebenen Interpretation der Basissymbole, ist genau eine Interpretation der definierten Konzepte möglich.
- Zyklische T-Boxen können, aber müssen nicht definitiorisch sein.

Simpler T-Box-Reasoning-Services



T-Box-Inferenzen

Definition

- Sei \mathcal{T} eine T-Box.
- Eine Interpretation \mathfrak{S} **macht** genau dann \mathcal{T} **wahr**, wenn \mathfrak{S} jedes Element von \mathcal{T} wahr macht ($\mathfrak{S} \models \mathcal{T}$).
- \mathcal{T} ist genau dann **konsistent**, wenn es eine Interpretation $\mathfrak{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$ mit nicht leerem \mathcal{D} gibt, die \mathcal{T} wahr macht.
- Eine T-Box-Formel F **folgt** genau dann **aus** \mathcal{T} , wenn jede Interpretation \mathfrak{S} , die \mathcal{T} wahr macht, auch F wahr macht ($\mathcal{T} \models F$).

Inferenzdienst

- Konsistenz einer T-Box
- Folgt F aus \mathcal{T} ?
- Sind zwei T-Boxen äquivalent?

Konzept-Inferenzen bzgl. einer T-Box

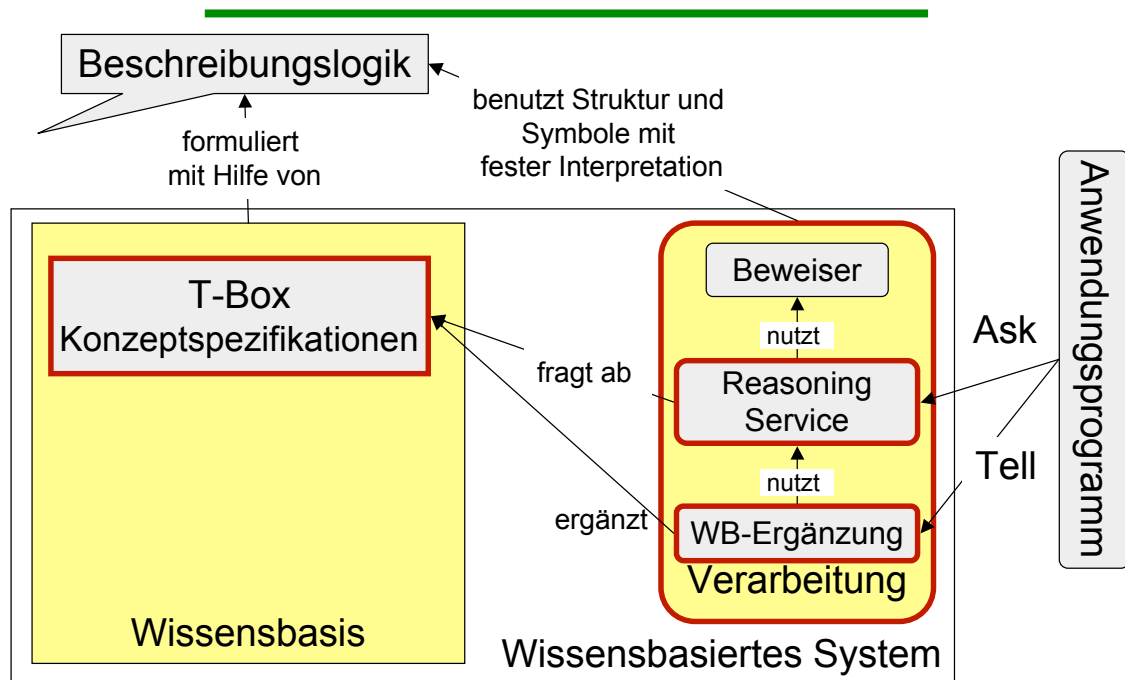
Definition

- Sei \mathcal{T} eine T-Box und C ein Konzept.
- C ist genau dann **konsistent bzgl. \mathcal{T}** , wenn es eine Interpretation gibt, die \mathcal{T} wahr macht und C auf eine nicht leere Menge abbildet.
- C **subsummiert** genau dann D **bzgl. \mathcal{T}** , wenn in jeder Interpretation $\mathfrak{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$, die \mathcal{T} wahr macht, gilt, $I(D) \subseteq I(C)$.
- C und D **sind** genau dann **äquivalent bzgl. \mathcal{T}** , wenn in jeder Interpretation $\mathfrak{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$, die \mathcal{T} wahr macht, gilt, $I(D) = I(C)$.
- C und D **schließen** genau dann **einander bzgl. \mathcal{T} aus**, wenn in jeder Interpretation $\mathfrak{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$, die \mathcal{T} wahr macht, gilt, $I(D) \cap I(C) = \emptyset$.

Inferenzdienst

- Konsistenz eines Konzeptes bzgl. einer T-Box
- Subsumption, Äquivalenz, Gegenseitiger Ausschluss zweier Konzepte bzgl. einer T-Box
- → „klassische Inferenzdienste“

T-Box-Aufbau



Inferenzdienste für einen Taxonomieaufbau

Einfügen von T-Box-Axiomen

- T-Box-Axiome spezifizieren eine nicht-strikte Ordnung (Subsumption, \sqsubseteq).
- \doteq steht für den symmetrischen Anteil von \sqsubseteq
- Die Struktur der T-Box kann den Zugriff auf diese Ordnung unterstützen.
- Beispiel: Graphenstruktur (gerichtet, azyklisch), wobei
 - jeder Knoten einer Menge äquivalenter Konzeptbezeichnungen entspricht und
 - Kanten zu den direkten Vorgängern und Nachfolgern in der Subsumptionsordnung bestehen.
- Beim Einfügen eines Konzeptes müssen
 - die **direkten Vorgänger und Nachfolger in der Subsumptionsordnung** gefunden werden und
 - der Graph angepasst werden.

Ergänzung der Wissensbasis: Taxonomien und Klassifikation

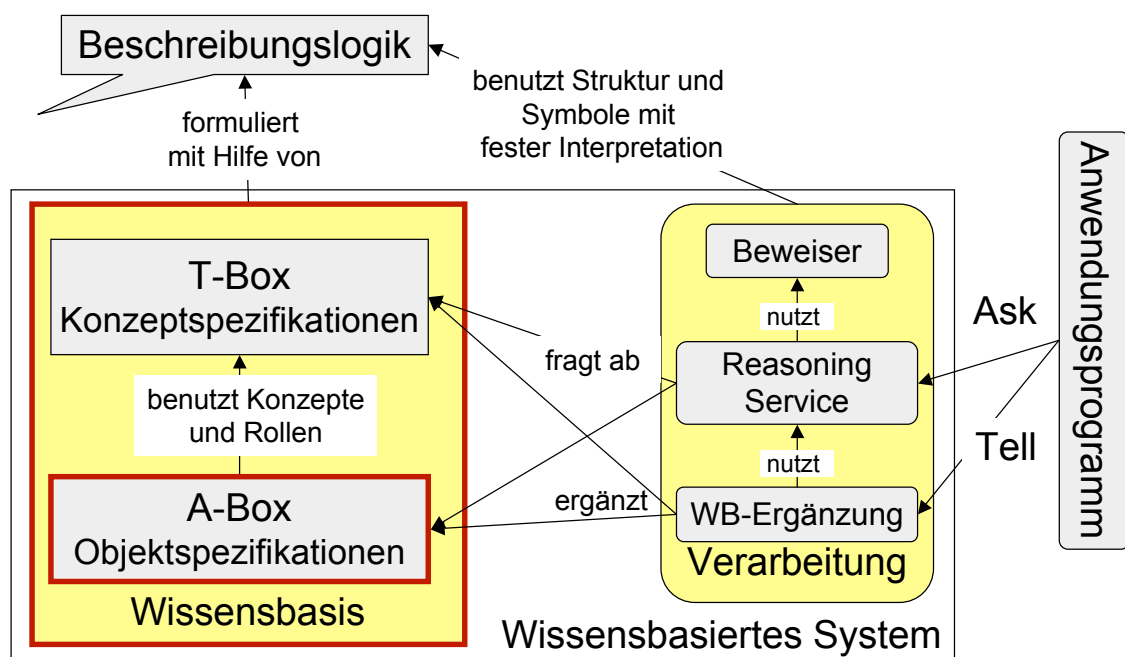
Taxonomie

- Subsumptionsstruktur (partielle Ordnung) von atomaren Konzepten, Gespeichert als zyklener, gerichteter Graph
- Verbindungen nur zu den direkten Nachbarn

Klassifikation

- Bestimmung der Position eines neuen Konzeptes
 - 'unterhalb' aller subsumierenden Knoten
 - 'oberhalb' aller subsumierten Knoten
- Rahmenannahme
 - Der Graph wird sukzessive aufgebaut, beginnend mit dem einzigen Knoten für \top
 - Die relative Position der Knoten wird nur durch das Einfügen **neuer** Konzepte verändert. (keine Zyklen)

Beschreibungslogik-Wissensbasen: A-Box



Inhalt der A-Box (Assertionen , Weltmodell)

Es seien

C und **D** Konzeptbeschreibungen (atomar oder komplex)

R und **S** Rollenbeschreibungen (atomar oder komplex)

a und **b** Individuenbezeichnungen (atomar oder komplex)

A-Box-Formeln

- Formeln der Form $C(a)$ ($\text{student}(\text{jens_waechter})$, $\neg\text{student}(\text{carola_eschenbach})$)
- $R(a, b)$ ($\text{studiert}(\text{jens_waechter}, \text{informatik})$)

Erweiterungen z.B.

- (Boole'sche A-Box) Kombinationen von atomaren Formeln mit aussagenlogischen Junktoren

\mathcal{DL} : Bedeutung / Interpretation: Formal (Forts.)

Interpretationen sind Paare $\mathfrak{S} = \langle \mathcal{D}, I \rangle$

Fortsetzung von I für A-Box Formeln

$I(C(a)) = \text{wahr}$ genau dann, wenn $I(a) \in I(C)$

$I(R(a, b)) = \text{wahr}$ genau dann, wenn $(I(a), I(b)) \in I(R)$

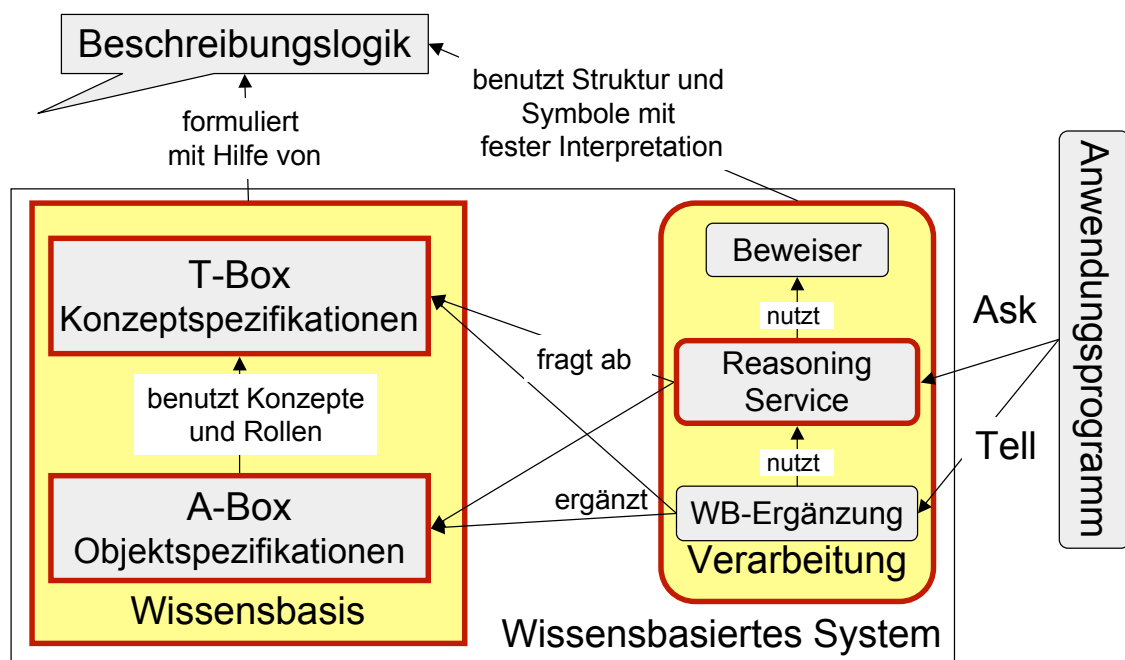
Wir schreiben dann auch

$\mathfrak{S} \models C(a)$ bzw. $\mathfrak{S} \models R(a, b)$

und sagen

\mathfrak{S} ist ein Modell der Formel / macht die Formel wahr.

A-Box-Reasoning-Services



Auswertungsaufgaben für die Wissensbasis

A-Box (basierend auf einer T-Box)

- Erfüllbarkeit / Konsistenz (gibt es ein Modell)
- Klassifikation: Unter welche Konzepte fällt ein Objekt?
- Retrieval: Welche Objekte fallen alle unter ein Konzept?

Literatur (1)

- ➔ Berners-Lee, Tim, James Hendler & Ora Lassila (2001). The semantic web. A new form of web content that is meaningful to computers will unleash a revolution of new possibilities. *Scientific American* 284 (5). 34–43.
http://www.sciam.com/print_version.cfm?articleID=00048144-10D2-1C70-84A9809EC588EF21
- [Chandrasekaran, B., J.R. Josephson & V.R. Benjamins (1999). What are Ontologies, and why do we need them? *IEEE Intelligent Systems* January/February 1999. 20–26.
<http://www.cs.umbc.edu/771/papers/chandrasekaranetal99.pdf>]
- [Hendler, J. (2001). Agents and the Semantic Web. *IEEE Intelligent Systems Journal* 16(2). 30-37.]

zu Berners-Lee, T., J. Hendler & O. Lassila (2001)

“Lesefragen”

- Welche Leistungen soll das ‘Semantic Web’ erbringen? Welche Ergänzungen des ‘Syntactic Web’ sind dafür erforderlich? Was muss noch geleistet werden?
- Welcher spezifische Jargon (insb. Abkürzungen) wird verwendet? (beginnt eine Buchführung, das wird noch nützlich sein.)
- Welche Anforderungen muss die ‘Sprache des Semantic Web’ erfüllen?
- Welche Rolle sollen Ontologien im Semantic Web spielen?
- Wie sollen (Software-)Agenten das Semantic Web nutzen, wo wird Beweisführung oder Beweisprüfung erforderlich oder nützlich sein? Welche Rolle könnten Logik-Dienstleistungen im Semantic Web spielen.

Literatur (2)

- Baader, Franz (2003). Appendix 1. Description logic terminology. In F. Baader, D. Calvanese, D.L. McGuinness, D. Nardi & P. Patel-Schneider (eds.) *The Description Logic Handbook. Theory, Implementation and Application* (pp. 485–495). Cambridge UP: Cambridge, NY. (dlhb-appendix)
- Nardi, Daniele & Ronald J. Brachman (2003). An introduction to description logics. In F. Baader, D. Calvanese, D.L. McGuinness, D. Nardi & P. Patel-Schneider (eds.) *The Description Logic Handbook. Theory, Implementation and Application* (pp. 1–40). Cambridge UP: Cambridge, NY. (dlhb-01)
- Baader, Franz & Werner Nutt (2003). Basic description logics. F. Baader, D. Calvanese, D.L. McGuinness, D. Nardi & P. Patel-Schneider (eds.) *The Description Logic Handbook. Theory, Implementation and Application* (pp. 43–95). Cambridge UP: Cambridge, NY. (dlhb-02)

Example

T-Box

- $\text{Human} \doteq (\text{Man} \sqcup \text{Woman})$
- $\text{IntelligentHuman} \doteq (\text{Human} \sqcap \text{Intelligent})$
- $\text{Father} \doteq (\text{Man} \sqcap \exists \text{hasChild.Human})$
- $\text{happyFather} \doteq (\text{Father} \sqcap (\exists \text{hasChild.IntelligentHuman}))$

A-Box

- $\text{Father}(\text{harry})$
- $\text{Father}(\text{peter})$
- $\text{happyFather}(\text{steve})$
- $(\text{Intelligent} \sqcap \text{Woman})(\text{susy})$
- $(\forall \text{hasChild.happyFather})(\text{mary})$
- $\text{hasChild}(\text{mary}, \text{george})$
- $\text{hasChild}(\text{mary}, \text{alan})$
- $\text{hasChild}(\text{harry}, \text{susy})$