

# Wissenrepräsentation

Christopher Habel, Hedda Schmidtko  
Sommersemester 2004

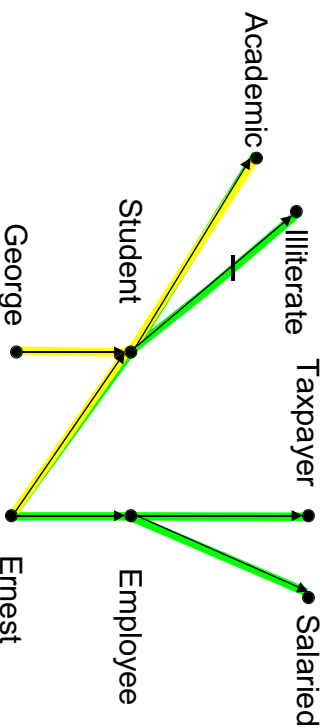
## Sitzung 15: Vererbung / Inheritance (2)

- Pfadbasiertes Schliessen in Vererbungsnetzen
- Ambiguitäten in Vererbungsnetzen
- Extensionen
- Semantik – Beweistheorie

### Schliessen in Vererbungsnetzen: Upward vs. Downward Reasoning

Was ist erschliessbar über:

- Academics
- Ernest



## Literatur

- D. Gabbay, C. Hogger, and J. Robinson (eds.) (1994). *Handbook of Logic in Artificial Intelligence and Logic Programming, Volume 3: Nonmonotonic Reasoning and Uncertain Reasoning*, Oxford University Press.
- Insbesondere**
- J. Horty. Some direct theories of nonmonotonic inheritance. In D. Gabbay, C. Hogger, and J. Robinson (eds.), Oxford University Press (1994), pp. 111 - 187.
- D. Touretzky. (1986). The mathematics of inheritance systems. Morgan Kaufmann, Los Altos, Ca., 1986.
- L. A. Stein (1992). Resolving Ambiguity in Nonmonotonic Inheritance Hierarchies, *Artificial Intelligence* 55 (2-3): 259-310.

Wissenrepräsentation, SoSe 2004

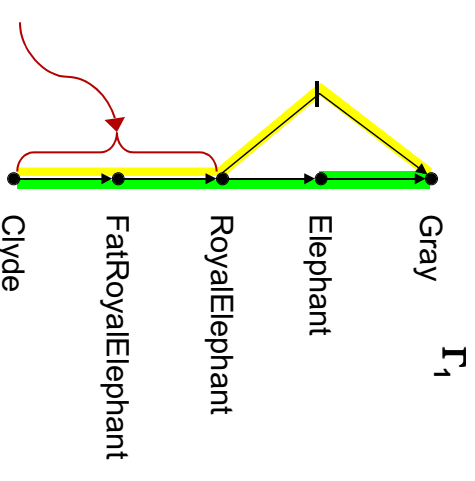
Ch. Habel / C. Eschenbach / Schmidtko

15 - 2

### Pfade und Argumentationen

- Pfade
- werden von einem Knoten ausgehend konstruiert
- sie repräsentieren Argumentationen

Die letzte Kante eines Pfades korrespondiert zu einem Grund, eine bestehende Argumentation fortzusetzen. Verschiedene Argumentationen können gemeinsame Anteile haben.



15 - 3

Wissenrepräsentation, SoSe 2004

Ch. Habel / C. Eschenbach / Schmidtko

Brachmann&Levesque - ch. 10, f. 3

15 - 4

Wissenrepräsentation, SoSe 2004

Ch. Habel / C. Eschenbach / Schmidtko

## Inheritance Hierarchy (Formalization L. A. Stein, 1992)

An **inheritance hierarchy**  $\Gamma = \langle V, E \rangle$  is a directed, acyclic graph with

- intended to denote depicted as
- “(normally) is-a”  $a - x$
- and
- negative edges, “(normally) is not-a”  $a - \neg x$

A sequence of edges is a **path**:

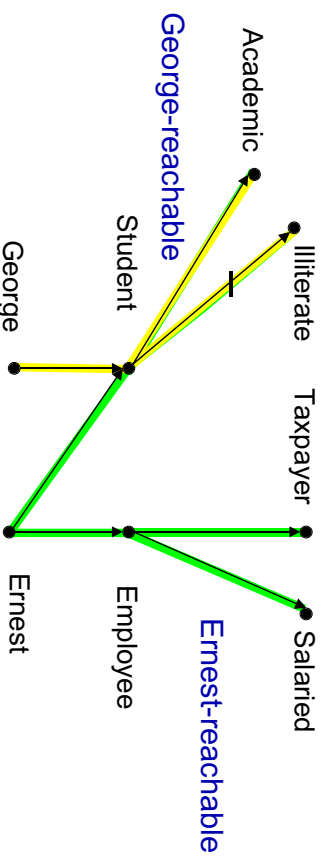
- a **positive path** is a sequence of positive edges ( $n \geq 0$ )  
 $a - s_1 - \dots - s_n - x$
- a **negative path** is a sequence of positive edges ( $n \geq 0$ ) followed by a single negative edge  
 $a - s_1 - \dots - s_n - \neg x$

## Erreichbarkeit (reachability)

Gegeben sei ein Vererbungsnetzes  $\Gamma = \langle V, E \rangle$ .

a und  $x \in V$  stehen in  $\Gamma$  in der Beziehung

- x ist erreichbar von a** (**x ist a-reachable**) genau dann, wenn es einen Pfad  $a - s_1 - \dots - s_n - (\neg)x$  in  $\Gamma$  gibt.



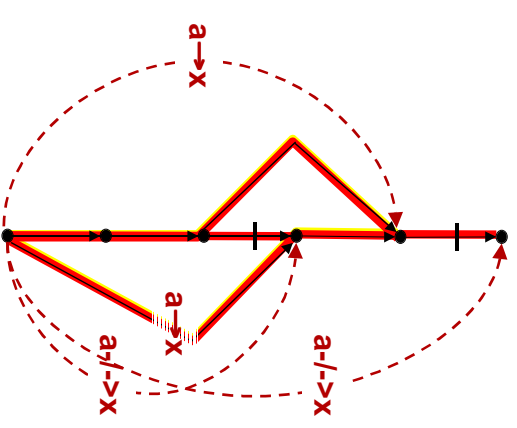
## Vererbungspfade, Argumentationen & Inferenzen

A path (or argument) supports a conclusion:

- $a - \dots - x$  supports the conclusion  $a \rightarrow x$  (a is an x)
- $a - \dots - \neg x$  supports the conclusion  $a \not\rightarrow x$  (a is not an x)

Note:

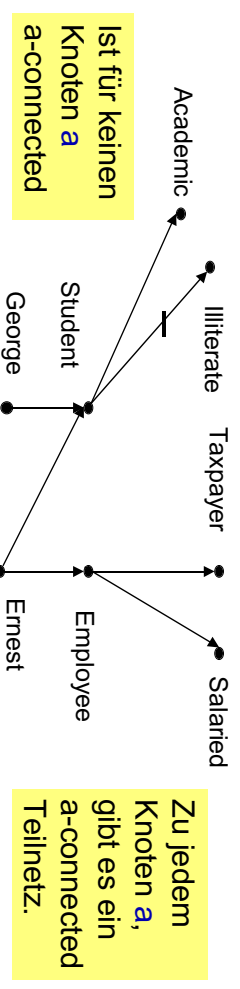
- A conclusion may be supported by many paths
- Different paths can lead to conflicting conclusions.



## Fokus-Knoten & a-Zusammenhang Focus node & a-Connectedness

When reasoning about an inheritance  $\Gamma = \langle V, E \rangle$  w.r.t. an particular node, this node is called **focus node**.

- $\Gamma$  is **a-connected** iff for every node  $x$  in  $\Gamma$ , there is a path from a to x, and for every edge  $v - (\neg)x$  in  $\Gamma$ , there is a positive path from a to v.
- In other words, every node and edge is reachable from a.

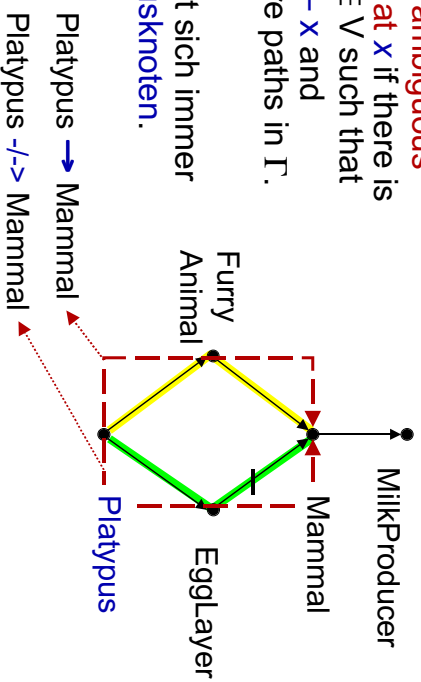


## Ambiguity

$\Gamma$  is (potentially) **ambiguous**

w.r.t. a node **a** at **x** if there is some node  $x \in V$  such that both  $a-s_1 \dots s_n-x$  and  $a-t_1 \dots t_m-x$  are paths in  $\Gamma$ .

Ambiguität bezieht sich immer auf einen **Fokusknotten**.



## Support

$\Gamma = \langle V, E \rangle$  **supports** a path  $a-s_1 \dots s_n-(\neg)x$  if the corresponding set of edges  $\{a-s_1, \dots, s_n-(\neg)x\}$  is in  $E$ , and it is **admissible**.

$\Gamma \triangleright a-s_1 \dots s_n-(\neg)x$

- The hierarchy  $\Gamma$  **supports** a conclusion  $a \rightarrow x$  (or  $a \neg \rightarrow x$ ) if it supports some corresponding path.

$\Gamma \triangleright a \rightarrow x$  (or  $\Gamma \triangleright a \neg \rightarrow x$ )

A path is admissible if every edge in it is admissible.

➤ Zu klären ist:

Welche Pfade sind **zulässig**?

## Schliessen über Vererbungsnetzen: Behandlung von Ambiguitäten

- Ambiguitäten sind stets Ambiguitäten bzgl. eines Fokusknottens.
- Die Entscheidung zwischen alternativen Argumentationen ist eine Entscheidung über die Zulässigkeit von Pfaden.
  - Zulässigkeit  $\approx$  „Zulässigkeit in Argumentationen“
  - Es werden nur vom Fokusknotten erreichbare Knoten / Kanten berücksichtigt, da nur diese für die Argumentation relevant sind.
- Entscheidung fällt auf der Basis von Spezifitätskriterien (specificity).

### Spezifität (specificity):

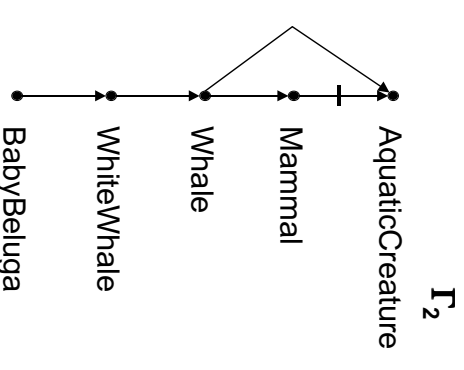
### Entscheidungen zwischen konfligierenden Pfaden

- Entscheidung fällt auf der Basis von Spezifität:
  - Spezifischere Information sollte mehr Einfluss haben, als weniger spezifische.

➤ Fokusknotten BabyBeluga

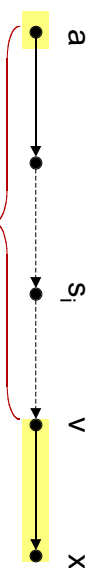
- Whale ist spezifischer als Mammal

➤ Whale-AquatCr ist relevanter als Mammal-¬AquatCr



## Zulässigkeit von Pfaden (Admissibility)

- An edge  $v \rightarrow x$  is **admissible** in  $\Gamma = \langle V, E \rangle$  w.r.t.  $a$  if there is a positive path  $a \rightarrow s_1 \dots s_n \rightarrow v$  ( $n \geq 0$ ) in  $E$  and
- each edge in  $a \rightarrow s_1 \dots s_n \rightarrow v$  is admissible in  $\Gamma$  w.r.t.  $a$  (recursively);
  - no edge in  $a \rightarrow s_1 \dots s_n \rightarrow v$  is **redundant** in  $\Gamma$  w.r.t.  $a$  (see below);
  - no intermediate node  $a, s_1, \dots, s_n$  is a **preemptor** of  $v \rightarrow x$  w.r.t.  $a$  (see below).

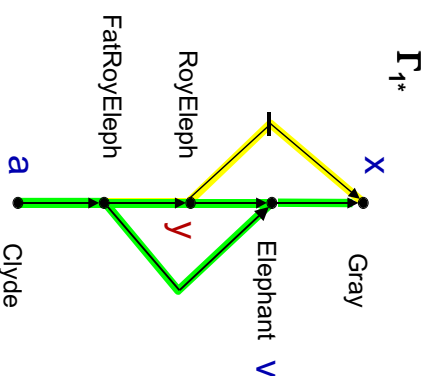


Hier darf nichts vorliegen, was die Kante  $v \rightarrow x$  in ihrer **Wirkung innerhalb der Argumentation behindert**.

## Verhindert Verhinderung genug?

A node  $y$  along path  $a \rightarrow \dots y \dots \rightarrow v$  is a **preemptor** of  $v \rightarrow x$  ( $v \rightarrow x$ ) w.r.t.  $a$  if  $y \rightarrow x \in E$  ( $y \rightarrow x \in E$ )

Um die Argumentation  $a \rightarrow \dots y \dots \rightarrow v$  durch  $v \rightarrow x$  fortzusetzen bzw. abzuschliessen, muss geprüft werden, ob ein Knoten von  $a \rightarrow \dots y \dots \rightarrow v$  die weitere Argumentation beeinflusst.



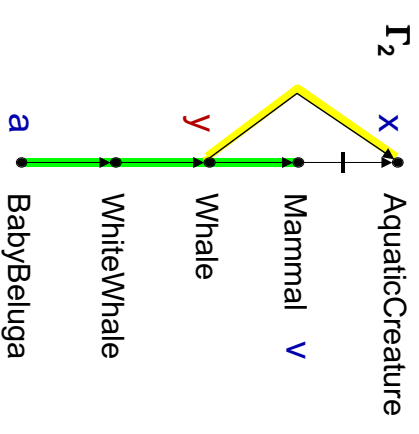
**Zulässigkeit** der Kante  $v \rightarrow x$  fordert die Existenz eines **preemptorfreien** Pfades.

## Preemption (Verhinderung)

A node  $y$  along path  $a \rightarrow \dots y \dots \rightarrow v$  is a **preemptor** of  $v \rightarrow x$  ( $v \rightarrow x$ ) w.r.t.  $a$  if  $y \rightarrow x \in E$  ( $y \rightarrow x \in E$ )

Um die Argumentation  $a \rightarrow \dots y \dots \rightarrow v$  durch  $v \rightarrow x$  fortzusetzen bzw. abzuschliessen, muss geprüft werden, ob ein Knoten von  $a \rightarrow \dots y \dots \rightarrow v$  die weitere Argumentation beeinflusst.

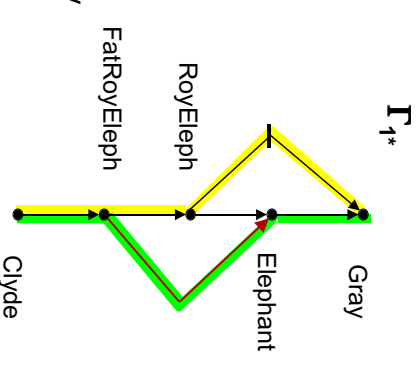
➤ Spezifizität



**Preemption** wird durch Bedingung 3 der Zulässigkeitsdefinition **ausgeschlossen**

## Interaktion: Redundanzverhinderung & Spezifizität

- FatRoyEleph–Elephant
- verfälscht die Verhinderungs-massnahmen
  - Royalelephant
    - ist spezifischer als Elephant
    - sollte grösseren Einfluss haben.
- Stattdessen:
- FatRoyEleph–RoyEleph–gray
  - FatRoyEleph–Elephant–gray
- Ambiguität



## Redundanz von Kanten (informell)

Eine positive Kante  $b-w$  ist redundant in  $\Gamma$

in bezug auf den Knoten  $a$

1. Falls es alternative positive Pfade von  $b$  zu  $w$  gibt.

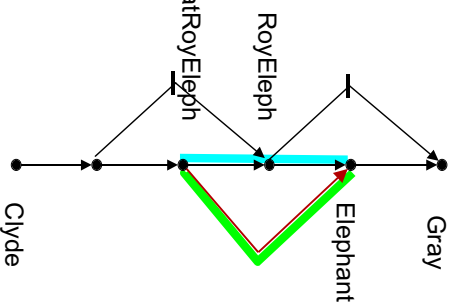
Aber: Zulässige negative Kanten zu Knoten auf dem **alternativen Pfad** führen dazu,

dass Argumentationen bzgl. der

Alternative die **redundante Kante** nicht ersetzen können.

Denn: Argumentation nach einer negativen FatRoyEleph Kante fortzusetzen, ist nicht zulässig.

2. Die alternativen Pfade gewissen Bedingungen genügen.



15 – 17

## Redundanz von Kanten (formal)

Aufgabe zur  
Nachbereitung

Überlegen Sie Beispiele dafür, dass die

Bedingung 3: there is no  $c$  such that  $c-\neg w$  is admissible in  $\Gamma$

w.r.t.  $a$ .

in der Definition für Redundanz von Kanten sinnvoll / notwendig ist.

## Redundanz von Kanten (formal)

A positive edge  $b-w$  is redundant in  $\Gamma$

w.r.t. node  $a$  if

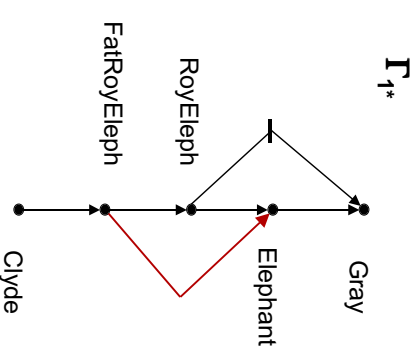
there is some positive path

$b-t_1 \dots t_m -w \in E$  ( $m \geq 1$ ), for which

1. each edge in  $b-t_1 \dots t_m$  is admissible in  $\Gamma$  w.r.t.  $a$ ;
2. there are no  $c$  and  $i$  such that  $c-\neg t_i$  is admissible in  $\Gamma$  w.r.t.  $a$ ;
3. there is no  $c$  such that  $c-\neg w$  is admissible in  $\Gamma$  w.r.t.  $a$ .

The definition for a negative edge

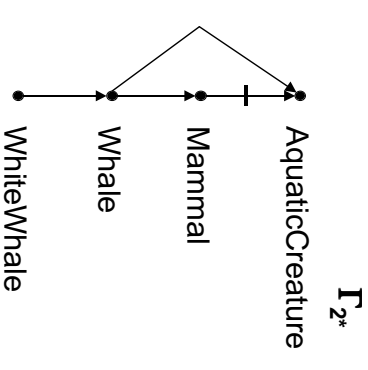
$b-\neg w$  is analogous



15 – 18

## Konklusionen von $\Gamma_2$

$\Gamma_{2*} \triangleright$ WhiteWhale $\rightarrow$ WhiteWhale
$\Gamma_{2*} \triangleright$ WhiteWhale $\rightarrow$ Whale
$\Gamma_{2*} \triangleright$ WhiteWhale $\rightarrow$ Mammal
$\Gamma_{2*} \triangleright$ WhiteWhale $\rightarrow$ AquaticCreature
$\Gamma_{2*} \triangleright$ Whale $\rightarrow$ Whale
$\Gamma_{2*} \triangleright$ Whale $\rightarrow$ Mammal
$\Gamma_{2*} \triangleright$ Whale $\rightarrow$ AquaticCreature
$\Gamma_{2*} \triangleright$ Mammal $\rightarrow$ Mammal
$\Gamma_{2*} \triangleright$ Mammal $\rightarrow$ AquaticCreature
$\Gamma_{2*} \triangleright$ AquaticCreat. $\rightarrow$ AquaticCreat.



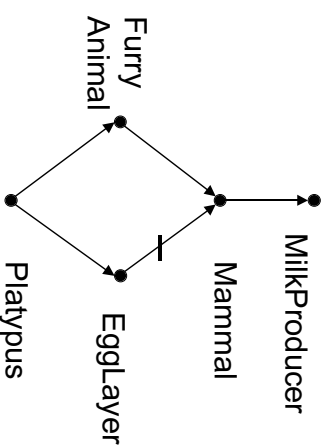
Spezifität kann die Ambiguität in bezug auf das im Wasserleben von Walen und Weissen Walen auflösen.

15 – 19

15 – 20

## Konklusionen von $\Gamma_3$

$\Gamma_3 \triangleright$ Platyplus $\rightarrow$ Platyplus
$\Gamma_3 \triangleright$ Platyplus $\rightarrow$ EglLayer
$\Gamma_3 \triangleright$ Platyplus $\rightarrow$ FurryAnimal
$\Gamma_3 \triangleright$ Platyplus $\rightarrow$ Mammal (*)
$\Gamma_3 \triangleright$ Platyplus $\rightarrow$ Mammal (*)
$\Gamma_3 \triangleright$ Platyplus $\rightarrow$ MilkProducer
$\Gamma_3 \triangleright$ EglLayer $\rightarrow$ EglLayer
$\Gamma_3 \triangleright$ EglLayer $\rightarrow$ Mammal
$\Gamma_3 \triangleright$ FurryAnimal $\rightarrow$ FurryAnimal
$\Gamma_3 \triangleright$ FurryAnimal $\rightarrow$ Mammal
$\Gamma_3 \triangleright$ FurryAnimal $\rightarrow$ MilkProducer
$\Gamma_3 \triangleright$ Mammal $\rightarrow$ Mammal
$\Gamma_3 \triangleright$ Mammal $\rightarrow$ MilkProducer
$\Gamma_3 \triangleright$ MilkProducer $\rightarrow$ MilkProducer



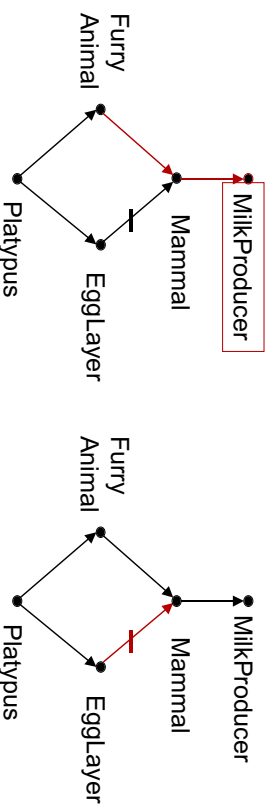
Spezifizität kann die Ambiguität in bezug auf die Säugetiereigenschaft von Schnabellieren **nicht** auflösen.

15 – 21

## Credulous Extension (leichtgläubige Extension)

A **credulous extension** of an inheritance hierarchy  $\Gamma$  with respect to a node **a** is a maximal unambiguous a-connected subhierarchy of  $\Gamma$  with respect to **a**.

- If X is a credulous extension of  $\Gamma$ , then adding an edge of  $\Gamma$  to X makes X either ambiguous or not a-connected.



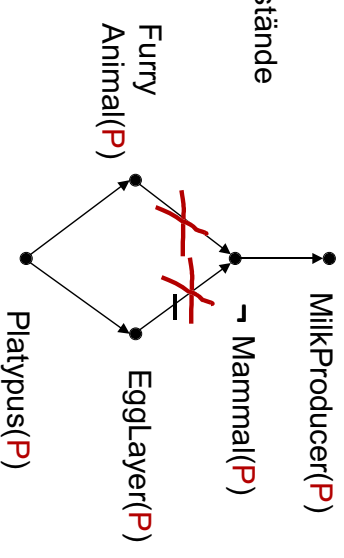
15 – 23

## Ambiguitätsauflösung für $\Gamma_3$ ?

Problematisch ist  
 $\Gamma_3 \triangleright$  Platyplus  $\rightarrow$  Mammal (\*)  
 $\Gamma_3 \triangleright$  Platyplus  $\rightarrow$  Mammal (\*)

Gesucht:  
 Konsistente Wissensbestände  
 erschliessbar aus  $\Gamma_3$

Information:  
 Paula ist ein Schnabellier.



15 – 22

## Extensionen

Aufgabe zur  
Nachbereitung

- Was zeichnet (leichtgläubige) Extensionen von  $\Gamma$  gegenüber anderen Teilnetzen  $\Gamma$  von aus?
- Geben Sie Beispiele für Teilnetzen  $\gamma$ , die durch Ergänzung von Kanten aus  $\Gamma$ 
    - ambig bzw.
    - nicht-a-zusammenhängend werden.
  - Was „rechtfertigt“ die Bezeichnung *leichtgläubig*?

15 – 24

## Argumentationen in leichtgläubigen Extensionen

Sei  $EXT(\Gamma, a)$  eine leichtgläubige Extension (Credulous extension) einer Vererbungshierarchie  $\Gamma$  bzgl. des Knotens  $a$ .

Argumentation:

$EXT(\Gamma, a) \triangleright a \rightarrow x$

- Es existiert ein zulässiger positiver Pfad von  $a$  nach  $x$ .
- Da  $EXT(\Gamma, a)$  eine leichtgläubige Extension, ist  $EXT(\Gamma, a)$  nicht ambig.  
Daher ist jede Kante zulässig.
- Es genügt zu prüfen, ob in  $EXT(\Gamma, a)$  ein positiver Pfad von  $a$  nach  $x$  existiert.  
[entsprechend für  $a \not\rightarrow x$  und negative Pfad]

## Pfadbasiertes Schliessen (Support) als Beweisverfahren

**Theorem (Korrektheit und Vollständigkeit)**[Stein 1992]:

Sei  $\Gamma$  eine Vererbungshierarchie,  $EXT(\Gamma, a)$  eine leichtgläubige Extension [zu  $\Gamma$  und  $a$ ] und  $Th(EXT(\Gamma, a))$  die aussagenlogische Theorie zu  $EXT(\Gamma, a)$ .

Dann sind äquivalent:

1.  $EXT(\Gamma, a) \triangleright a \rightarrow x$  (bzw.  $a \not\rightarrow x$ )
2.  $x$  ist positiv  $a$ -erreichbar in  $EXT(\Gamma, a)$  (bzw. negativ  $a$ -erreichbar)
3.  $Th(EXT(\Gamma, a)) \vdash X_{AL}$
4.  $Th(EXT(\Gamma, a)) \models X_{AL}$

## Semantik für Extensionen

Sei  $EXT(\Gamma, a)$  eine leichtgläubige Extension

Übersetzung in die Sprache der Aussagenlogik:

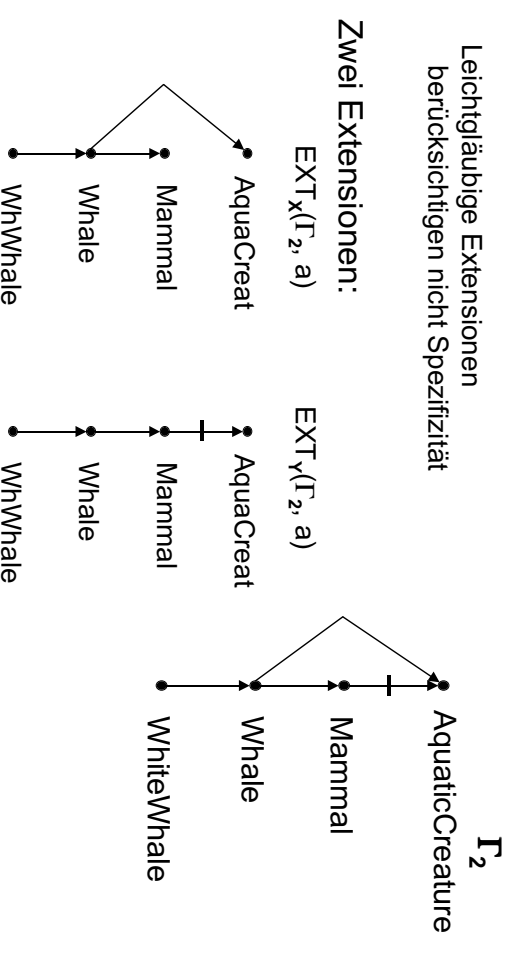
- Für jeden Knoten  $x \in V_{EXT(\Gamma, a)}$  (Knotenmenge zu  $EXT(\Gamma, a)$ ) wird ein Aussagensymbol  $X_{AL}$  eingeführt.
- Es wird die folgende Formelmenge gebildet  
("Theorie zu  $EXT(\Gamma, a)$ ")

$$Th(EXT(\Gamma, a)) := \{a_{AL}\} \cup \{X_{AL} \supset Y_{AL} \mid x-y \in E_{EXT(\Gamma, a)}\} \cup \{X_{AL} \supset \neg Y_{AL} \mid x-\neg y \in E_{EXT(\Gamma, a)}\}$$

- Da  $EXT(\Gamma, a)$  nicht ambig ist, ist  $Th(EXT(\Gamma, a))$  konsistent und besitzt somit ein Modell

## Credulous Extensions – Preferred Extension

Leichtgläubige Extensionen berücksichtigen nicht Spezifität

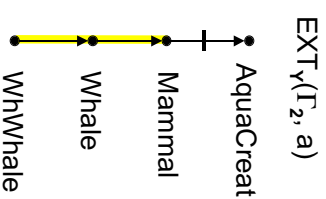
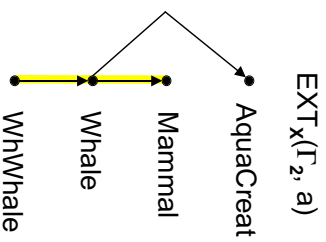


## Präferenz zwischen Extensionen

Die beiden Extensionen besitzen gemeinsamen Pfad bzgl.  $\Gamma_2$   
 Whale...→AquaCreat.

Die Kante Mammal→AquaCreat ist nicht zulässig in  $\Gamma_2$  bzgl. a.

➤ Spezifität spricht für  $EXT_x$



## What to believe?

- “credulous” reasoning: choose a preferred extension and believe all the conclusions supported
- “skeptical” reasoning: believe the conclusions from any path that is supported by all preferred extensions
- “ideally skeptical” reasoning: believe the conclusions that are supported by all preferred extensions
  - note: ideally skeptical reasoning cannot be computed in a path-based way (conclusions maybe supported by different paths in each extension)

## Preferred Extensions (formal)

Let  $EXT_x$  and  $EXT_y$  be credulous extensions of  $\Gamma$  wrt node  $a$ .

$EXT_x$  is preferred to  $EXT_y$  iff there are nodes  $v$  and  $x$  such that

- $EXT_x$  and  $EXT_y$  agree on all edges whose endpoints precede  $x$  topologically,
- there is an edge  $v \rightarrow x$  (or  $v \rightarrow \neg x$ ) that is inadmissible in  $\Gamma$ ,
- this edge is in  $EXT_y$ , but not in  $EXT_x$ .

A credulous extension is a **preferred extension** if there is no other credulous extension that is preferred to it.

