

Wissensrepräsentation

–

Christopher Habel, Hedda Schmidtké
Sommersemester 2004

Sitzung 23: Belief-Revision

- Arten der Wissensrevision, Anwendungsfälle
- Rationalitätskriterien
- Charakterisierung von Belief-Change-Operatoren

Belief-Revision: Ein Beispiel [Gärdenfors & Rott, 1995]

Beliefs

- The bird caught in the trap is a swan
- The bird caught in the trap comes from Sweden
- Sweden is part of Europe
- All European swans are white

Konsequenzen

- The bird caught in the trap is white

Neue Information

- The bird caught in the trap is black

Welche Sätze sind Kandidaten dafür, aufgegeben zu werden, und warum?

Literatur

Zu Belief-Revision

Alchourrón, Carlos E.; Gärdenfors, Peter & Makinson, David (1985). On the logic of theory change: Partial meet contraction and revision functions. *Journal of Symbolic Logic*, 50. 510–530.

Gärdenfors, Peter & Makinson, David (1988) Revisions of knowledge systems using epistemic entrenchment. In *Proceedings of the Second Conference on Theoretical Aspect of Reasoning About Knowledge*, 83–96.

Gärdenfors, P. (1988). *Knowledge in Flux*. Cambridge, MA: MIT Press

Gärdenfors, Peter & Rott, Hans (1995). Belief revision. In Dov M. Gabbay, Christopher J. Hogger, and John A. Robinson (eds.), *Handbook of Logic in Artificial Intelligence and Logic Programming, Volume IV*. (pp. 35–132). Oxford: Oxford University Press.

Wissensrepräsentation, SoSe 2004

Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmidtké

23 – 2

Belief-Revision in der Wissensverarbeitung

Wissensbasen / Datenbasen

- Neue Einträge sind nicht konsistent zum bisherigen Wissensbestand.

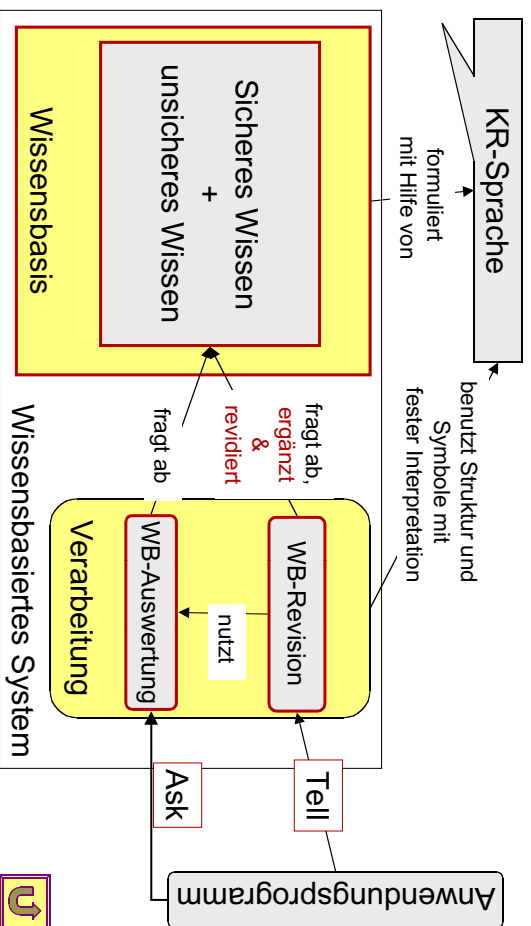
Robotik / Agenten

- Sensorische Information stimmt nicht mit den Erwartungen / Planungen überein.
(Inkonsistenz zwischen der Wahrnehmung und dem Vorwissen und Konsequenzen aus dem Vorwissen)

Diagnose

- Das Verhalten eines Systems stimmt nicht mit der Spezifikation – dem Normalverhalten / dem korrekten Verhalten des Systems – überein.

Wissensbasiertes System Belief-Revision



Wissensrepräsentation, SoSe 2004

Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmidtke

23 – 5

Das Forschungsgebiet Belief-Revision

Belief-Revision

- spezieller Typ von Wissensverarbeitung
- ist verwandt zum **Update** es gibt aber wichtige Unterschiede
- sollte auch Rationalitätskriterien genügen
- stets eingebettet in eine Wissensverarbeitungs-konzeption (z.B. Deduktives Schliessen, Defaultschliessen, Abduktives Schliessen, Probabilistisches / Possibilistisches Schliessen), von der es die Rationalitätsprinzipien übernimmt.
- sollte effizient durchgeführt werden können
- maschinelle Realisierung

Wissensrepräsentation, SoSe 2004

Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmidtke

23 – 6

Revision vs. Update (Katsuno & Mendelzon, 1992)

- **Peter glaubt, dass Maria entweder im Fachbereich Informatik (Informatikum) oder im Fachbereich Mathematik (Geometikum) arbeitet.**

Revision: Agent erhält neue Information über einen statischen Ausschnitt der Welt.

- Peter wird informiert, dass Maria nicht im Fachbereich Mathematik arbeitet.
- Peter glaubt, dass Maria im Fachbereich Informatik arbeitet.

Update: Agent erhält (neue) Information über eine Veränderung in der Welt.

- Peter wird informiert, dass der Fachbereich Informatik zum Hauptcampus umgezogen ist.
- Peter glaubt, dass Maria entweder im Geometikum oder am Hauptcampus arbeitet.

23 – 7

AGM-Konzeption der Wissensrevision – Belief-Set

AGM \approx Alchourrón, Gärdenfors & Makinson (1985)
On the logic of theory change.

Gegeben ein logisches System, bestehend aus einer Sprache \mathcal{L} und einer Ableitungsrelation \vdash .

Eine Menge von Sätzen $K \in \mathcal{L}$ ist ein (nicht-absurdes)

Belief-Set, wenn

- \perp nicht aus K ableitbar ist
- wenn $K \vdash \beta$, dann $\beta \in K$.

K_{\perp} bezeichnet das absurde Belief-Set

- Belief sets sind abgeschlossen bzgl. Ableitung
- Belief sets sind *Theorien*.

23 – 8

Epistemische Zustände und ihre Veränderung

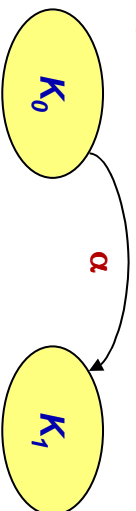
Epistemischer Zustand

gegeben durch ein Belief-Set K aus der Menge der Belief-Sets \mathcal{K}

mögliche Haltungen eines Agenten im Zustand K zu einem Satz α

- α wird akzeptiert, falls $\alpha \in K$
- α wird abgelehnt, falls $\neg\alpha \in K$
- keine Haltung zu α , falls $\alpha \notin K$ und $\neg\alpha \notin K$

Veränderung epistemischer Zustände



Belief-Change-Operatoren: $\mathcal{K} \times \mathcal{L} \rightarrow \mathcal{K}$

Typen der Veränderung epistemischer Zustände (1)

Expansion

- Von **keine Haltung** zu α zu α **wird akzeptiert** oder α **wird abgelehnt**
- Neue Wissensentität wird aufgenommen

Kontraktion

- Von α **wird akzeptiert** oder α **wird abgelehnt** zu **keine Haltung** zu α
- Alte Wissensentität wird aufgegeben

Revision

- Von α **wird akzeptiert** bzw. α **wird abgelehnt** zu α **wird abgelehnt** bzw. α **wird akzeptiert**
- Alte Wissensentität wird durch widersprechende ersetzt

konsistente
Veränderungen
von Belief-Sets

nicht konsistente
Veränderungen
von Belief-Sets

Veränderung epistemischer Zuständen

Rationalitätskriterien

[Gärdenfors & Rott, 1995]

| | |
|--|--|
| Wenn möglich, sollten epistemische Zustände konsistent bleiben. | $\langle \mathcal{L}, \vdash \rangle$: Verhalten bei Inkonsistenz |
| Jeder Satz, der aus Sätzen, die im epistemischen Zustand akzeptiert werden, ableitbar ist, sollte in den epistemischen Zustand aufgenommen werden. | AGM : inferentieller Abschluss von K ✓ |
| Wenn epistemische Zustände verändert werden, sollte der Verlust an Information so gering wie möglich gehalten werden | Minimalitätsbedingungen |
| Stärker akzeptierte Sätze sollten gegenüber schwächer akzeptierten Sätzen favorisiert werden. | Ordnung von Akzeptanz |

Typen der Veränderung epistemischer Zustände (2)

Expansion

K^+_{α}

- Neue Wissensentität α wird aufgenommen, ohne dass Wissensentitäten aufgegeben werden.

Kontraktion

K^-_{α}

- Alte Wissensentität α wird aufgegeben, ohne dass neue Wissensentitäten aufgenommen werden.

Revision

K^*_{α}

- Neue Wissensentität α wird aufgenommen, wobei alte, bisher akzeptierte Wissensentitäten aufgegeben werden, um Konsistenz zu erhalten.
Revision erfordert Berücksichtigung von Inferenzen.

Expansion – Erweiterung von Wissenbeständen

Expansion K^+_α

- Neue Wissensentität α wird aufgenommen, ohne dass Wissensentitäten aufgegeben werden.
- ist dann angebracht, wenn α konsistent zu K , d.h. wenn nichts in K gegen α spricht.



- Die WB-Revision benötigt
 - Resultate der WB-Auswertung, um zu entscheiden, welche Belief-Change-Operation durchzuführen ist.
 - Konsistenzprüfung
 - Beurteilung der Eingabe
 - Plausibilitätsprüfung
 - Einschätzung der Informationsquelle
-

Repräsentationstheorem für die Expansion

Theorem

Die Expansionsfunktion + erfüllt (K+1) bis (K+6) genau dann, wenn

$$K^+_\alpha = \text{Th}(K \cup \{\alpha\})$$

Anforderungen an Expansion

- (K+1) Für jeden Satz α und jedes Belief-Set K , ist K^+_α ein Belief-Set. (closure)
- (K+2) $\alpha \in K^+_\alpha$ (success)
- (K+3) $K \subseteq K^+_\alpha$ (inclusion)
- (K+4) Falls $\alpha \in K$, dann $K = K^+_\alpha$ (vacuity)
- (K+5) Falls $H \subseteq K$, dann $H^+_\alpha \subseteq K^+_\alpha$ (monotonicity)
- (K+6) Für alle Belief-Sets K und jeden Satz α , ist K^+_α das kleinste Belief-Set, das (K+1) bis (K+5) erfüllt (minimality)

Postulat (K+4) ist überflüssig; es ist aus (K+1) – (K+3) und (K+5) – (K+6) beweisbar.

Kontraktion – Einschränkung von Wissenbeständen

Kontraktion K^-_α

- Alte Wissensentität α wird aufgegeben, ohne dass neue Wissensentitäten aufgenommen werden.

- ist dann angebracht, wenn Zweifel daran bestehen, dass α zu K gehören sollte, z.B. wenn in K etwas gegen α spricht, oder wenn neue Evidenz gegen α spricht.



- Kontraktion steht im engen Zusammenhang zur Revision.

Anforderungen an Kontraktion

- (K-1) Für jeden Satz α und jedes Belief-Set K , ist K^-_α ein Belief-Set. (closure)
- (K-2) $K^-_\alpha \subseteq K$ (inclusion)
- (K-3) Falls $\alpha \notin K$, dann $K = K^-_\alpha$ (vacuity)
- (K-4) Falls $\vdash \alpha$, dann $\alpha \notin K^-_\alpha$ (success)
- (K-5) Falls $\alpha \in K$, dann $K \subseteq (K^-_\alpha)^+_\alpha$ (recovery)
- (K-6) Falls $\vdash \alpha \Leftrightarrow \beta$, dann $K^-_\alpha = K^-_\beta$ (extensionality)
- Basispostulate**
- (K-7) $K^-_\alpha \cap K^-_\beta \subseteq K^-_{\alpha \wedge \beta}$ (intersection)
- (K-8) Falls $\alpha \notin K^-_{\alpha \wedge \beta}$, dann $K^-_{\alpha \wedge \beta} \subseteq K^-_\alpha$ (conjunction)

Wissensrepräsentation, SoSe 2004
Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmitzke

23 – 17

Kontraktion – Zwischenstand

Die Charakterisierung durch (K-1) – (K-6)

- wird als Standardcharakterisierung angesehen,
- spielt eine zentrale Rolle für die Revision.

Die Postulate für die Kontraktion

- enthalten kein Gegenstück zu (K+6), dem Minimalitätspostulat
 - erlauben kein Repräsentationstheorem
 - können durch verschiedene Kontraktionsoperatoren realisiert werden.
- Aufgabe: Spezifikation „guter“ / „vernünftiger“ Kontraktionsoperatoren

Wissensrepräsentation, SoSe 2004
Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmitzke

23 – 19

Kontraktion im Hinblick auf Konjunktionen: $\alpha \wedge \beta$

Wenn $\alpha \wedge \beta$ zurückgewiesen werden soll, dann müssen α oder β (oder beide) zurückgewiesen werden.

- (K-7) $K^-_\alpha \cap K^-_\beta \subseteq K^-_{\alpha \wedge \beta}$ (intersection)
- Das, was wir nach Kontraktion bzgl. α glauben, und das, was wir nach Kontraktion bzgl. β glauben, ist in enthalten in $K^-_{\alpha \wedge \beta}$.
- (K-8) Falls $\alpha \notin K^-_{\alpha \wedge \beta}$, dann $K^-_{\alpha \wedge \beta} \subseteq K^-_\alpha$ (conjunction)
- Falls bei der Kontraktion bzgl. $\alpha \wedge \beta$ α zurückgewiesen wird, dann führt die Kontraktion bzgl. $\alpha \wedge \beta$ zu einem kleinerem Belief-Set als die Kontraktion bzgl. α .

Theorem (AGM, 1985)

Wenn (K-1) bis (K-8) gelten, dann gilt entweder $K^-_\alpha \cap K^-_\beta = K^-_{\alpha \wedge \beta}$ oder $K^-_\alpha = K^-_{\alpha \wedge \beta}$ oder $K^-_\beta = K^-_{\alpha \wedge \beta}$

Wissensrepräsentation, SoSe 2004
Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmitzke

23 – 18

Revision – Überarbeitung von Wissenbeständen

Revision K^*_α

- Neue Wissensentität α wird aufgenommen, wobei alte, bisher akzeptierte Wissensentitäten aufgegeben werden, um Konsistenz zu erhalten.
Revision erfordert Berücksichtigung von Inferenzen.
- ist dann angebracht, wenn α zu gehören K sollte, aber α inkonsistent zu K ist, d.h. wenn α zu Wissensentitäten in K in Konflikt steht.
- Revision beinhaltet also, Kontraktion gewisser Wissensentitäten in Bezug auf K .



Wissensrepräsentation, SoSe 2004
Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmitzke

23 – 20

Anforderungen an Revision

- (K*1) Für jeden Satz α und jedes Belief-Set K ,
ist K^*_α ein Belief-Set. (closure)
- (K*2) $\alpha \in K^*_\alpha$ (success)
- (K*3) $K^*_\alpha \subseteq K^+_\alpha$ (inclusion)
- (K*4) Falls $\neg\alpha \notin K$, dann $K^+_\alpha \subseteq K^*_\alpha$ (preservation)
- (K*5) $K^*_\alpha = K_\perp$, gdw. $\vdash \neg\alpha$ (vacuity)
- (K*6) Falls $\vdash\alpha \Leftrightarrow \beta$, dann $K^*_\alpha = K^*_\beta$ (extensionality)

Basispostulate

- (K*7) $K^*_{\alpha\wedge\beta} \subseteq (K^*_\alpha)^+_\beta$ Ergänzende Postulate (superexpansion)
- (K*8) Falls $\neg\beta \notin K^*_\alpha$, dann $(K^*_\alpha)^+_\beta \subseteq K^*_{\alpha\wedge\beta}$ (subexpansion)

Revision – Kontraktion

Die Charakterisierung durch (K*1) – (K*6)

- wird als Standardcharakterisierung angesehen,
- sind für die Beziehung zwischen Revision und Kontraktion fundamental.

Beziehung zwischen Revision und Kontraktion

- Kontraktionsoperatoren und Revisionsoperatoren können wechselseitig zur Definition herangezogen werden.

Levi-Identität

$$(\text{Def } *) \quad K^*_\alpha = (K^-_{-\alpha})^+_\alpha$$

Harper-Identität

$$(\text{Def } -) \quad K^-_\alpha = K \cap K^*_{-\alpha}$$

Revision – Kontraktion

Zwei Repräsentationstheoreme

Theorem („Rechtfertigung für Levi-Identität“)

Sei $-$ ein Kontraktionsoperator, der (K-1) – (K-4) und (K-6) genügt, und $+$ der Expansionsoperator, der (K+1) – (K+6) genügt,
dann erfüllt der durch $K^*_\alpha = (K^-_{-\alpha})^+_\alpha$ definierte Revisionsoperator $*$ die Postulate (K*1) – (K*6).

Theorem („Rechtfertigung für Harper-Identität“)

Sei $*$ ein Revisionsoperator, der (K*1) – (K*6) genügt,
dann erfüllt der durch $K^-_\alpha = K \cap K^*_{-\alpha}$ definierte Kontraktionsoperator $-$ die Postulate (K-1) – (K-6).

Konstruktion von Kontraktionen

Konstruktion von Belief-Change-Operatoren

- Für Kontraktion und Revision existiert durch die Postulate der AGM-Konzeption keine eindeutige Bestimmung der entsprechenden Operatoren.
- Wegen der systematischen Beziehungen zwischen Revisionen und Konstruktionen (Levi-Identität, Harper-Identität) ist es ausreichend, die Untersuchungen auf einen Typ, zu konzentrieren.

Kontraktionsoperatoren

- Prinzip der minimalen Veränderung ist bisher nicht formal spezifiziert.

Eine für die α -Kontraktion relevante Teilmenge von K

Definition

Ein Belief-Set K' ist eine **maximale Teilmenge von K** , die α **nicht impliziert**, gdw.

- $K' \subseteq K$
- $\alpha \notin K'$
- für jedes $\beta \in \mathcal{L}$ gilt:
Wenn $\beta \in K$ und $\beta \notin K'$, dann $\beta \Rightarrow \alpha \in K'$
(wenn K' mit β expandiert würde, wäre α ableitbar.)

Die **Menge aller Belief-Sets** K' , die eine maximale Teilmenge von K sind, die α nicht impliziert, wird durch $K_{\perp\alpha}$ bezeichnet.

Maxi-Choice

γ sei eine Selektionsfunktion,

- spezieller, $\gamma(K_{\perp\alpha})$ liefert das „beste“ Belief-Set aus $K_{\perp\alpha}$
- ohne dass hier bestimmt sei, wie die Auswahl durchgeführt wird.

Definition der Kontraktion

$$\text{(Def max)} \quad K_{\perp\alpha}^{-} = \begin{cases} \gamma(K_{\perp\alpha}) & \text{falls } K_{\perp\alpha} \neq \emptyset \\ K & \text{falls } K_{\perp\alpha} = \emptyset \end{cases}$$

Konstruktion eines Kontraktionsoptimators

$K_{\perp\alpha}$

- die Charakterisierung, spiegelt wichtige Ideen des Prinzips minimaler Veränderung bei der Wissensveränderung wider
- ist leer, gdw. $\vdash\alpha$
- enthält in den meisten Fällen mehr als ein Belief-Set

Konstruktion von Kontraktionsoptimierern

- unterscheiden sich im wesentlichen darin,
- welches Belief-Set aus $K_{\perp\alpha}$ ausgewählt wird, bzw.
- wie aus $K_{\perp\alpha}$ ein Belief-Set berechnet wird.

Eigenschaften der Maxi-Choice-Kontraktion

Theorem

Der durch Maxi-Choice definierte Kontraktionsoptimator erfüllt die Kontraktionsbedingungen (K-1) – (K-6)

Theorem

Sei $K_{\perp\alpha}^{-}$ durch Maxi-Choice definiert, K ein Belief-Set und α eine Wissensentität. Dann gilt für alle β entweder

$$\alpha \vee \beta \in K_{\perp\alpha}^{-} \text{ oder } \alpha \vee \neg\beta \in K_{\perp\alpha}^{-}$$

Theorem

Sei $K_{\perp\alpha}^{-}$ durch Maxi-Choice definiert und $K_{\perp\alpha}^{*}$ durch Levi-Identität definiert. Dann ist für alle α mit $\neg\alpha \in K$ das Belief-Set $K_{\perp\alpha}^{*}$ eine vollständige Theorie.

➤ Maxi-Choice behält zu viel Information

Nach Revision hat die WB zu allen Propositionen eine Meinung.

Full-Meet-Kontraktion

Ziel

- eine restriktivere Auswahl von Wissensentitäten für die Kontraktion

Definition der Kontraktion

$$\text{(Def meet)} \quad K_{\alpha}^{-} = \begin{cases} \cap(K_{\perp\alpha}) & \text{falls } K_{\perp\alpha} \neq \emptyset \\ K & \text{falls } K_{\perp\alpha} = \emptyset \end{cases}$$

Eigenschaften der Full-Meet-Kontraktion

Theorem

Der durch Full-Meet definierte Kontraktionsoperator erfüllt die Kontraktionsbedingungen (K-1) – (K-6)

Theorem

Sei K_{α}^{-} durch Full-Meet definiert, K ein Belief-Set und α eine Wissensentität. Dann gilt für alle β

$$\beta \in K_{\alpha}^{-} \text{ gdw. } \beta \in K \text{ und } \neg\alpha \vdash \beta$$

Theorem

Sei K_{α}^{-} durch Full-Meet definiert und K_{α}^{*} durch Levi-Identität definiert. Dann gilt für alle α mit $\neg\alpha \in K$, dass $K_{\alpha}^{*} = \text{Th}(\alpha)$.

➤ Bei Full-Meet-Kontraktion wird zu viel Information aufgegeben.

Partial-Meet-Selection

γ sei eine Selektionsfunktion,

- spezieller, $\gamma(K_{\perp\alpha})$ liefert die Menge der „besten“ Belief-Sets aus $K_{\perp\alpha}$
- ohne dass hier bestimmt sei, wie die Auswahl durchgeführt wird.

Definition der Kontraktion

$$\text{(Def part)} \quad K_{\alpha}^{-} = \begin{cases} \cap \gamma(K_{\perp\alpha}) & \text{falls } K_{\perp\alpha} \neq \emptyset \\ K & \text{falls } K_{\perp\alpha} = \emptyset \end{cases}$$

Eigenschaften der Partial-Meet-Selection-Kontraktion

Theorem

Der durch PMS definierte Kontraktionsoperator erfüllt die Kontraktionsbedingungen (K-1) – (K-6)

Die weiteren Eigenschaften von PMS-Kontraktion hängen wesentlich von der Spezifikation von γ ab.

- relational PMS: Präzedenzrelation \preceq über $K_{\perp\alpha}$
- (Def γ) $\gamma(K_{\perp\alpha}) = \{K' \in K_{\perp\alpha} \mid K'' \preceq K' \text{ für alle } K'' \in K_{\perp\alpha}\}$
- Relationale PMS-Kontraktion erfüllt auch (K-7)
- Ist \preceq transitiv, so erfüllt relationale PMS-Kontraktion zusätzlich (K-8).

Epistemic entrenchment: Die Grundidee

Grundidee (Gärdenfors & Makinson, 1988):

Wissensentitäten im Belief-Set sind nicht gleichartig im Hinblick darauf,

- wie wichtig sie für das Schliessen, Handeln oder Planen sind,
- ob sie bei einer Kontraktion oder Revision aufgegeben werden können bzw. aufgegeben werden sollten.

➤ Präferenzordnung

über den Elementen der Belief-Sets

- Epistemic entrenchment \approx epistemische „Verwurzelung“
- entscheidet darüber, welche Entitäten bei einer Kontraktion früher bzw. später aufgegeben werden.

Wissensrepräsentation, SoSe 2004

Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmitzke

23 – 33

Kontraktion und Epistemic-Entrenchment (1)

Charakterisierung von Kontraktion

durch Epistemic-Entrenchment

- (Con \neg) $\beta \in K^-_{\alpha}$ gdw.
 $\beta \in K$ und entweder $\alpha \preceq \alpha \vee \beta$ oder $\vdash \alpha$

Charakterisierung von Epistemic-Entrenchment durch Kontraktion

- (Con \preceq) $\alpha \preceq \beta$ gdw.
 $\alpha \notin K^-_{\alpha\wedge\beta}$ oder $\vdash \alpha\wedge\beta$

Wissensrepräsentation, SoSe 2004

Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmitzke

23 – 35

Epistemic entrenchment: Die Postulate

Definition: Eine Ordnung \preceq über \mathcal{L} ist eine **Epistemic-Entrenchment-Ordnung**, falls sie die folgenden Bedingungen erfüllt.

- (EE1) Für alle $\alpha, \beta, \gamma \in \mathcal{L}$ gilt: falls $\alpha \preceq \beta$ und $\beta \preceq \gamma$, dann $\alpha \preceq \gamma$ (transitivity)
- (EE2) Für alle $\alpha, \beta \in \mathcal{L}$ gilt: falls $\{\alpha\} \vdash \beta$ dann $\alpha \preceq \beta$ (dominance)
Falls α oder β aufgegeben werden muss, dann ist die Aufgabe von α die kleinere Veränderung, da bei Aufgabe von β die Abschlussbedingung für Belief-Sets die Aufgabe von α erfordert.
- (EE3) Für alle $\alpha, \beta \in \mathcal{L}$ gilt entweder $\alpha \preceq \alpha\wedge\beta$ oder $\beta \preceq \alpha\wedge\beta$ (conjunctiveness)
- (EE4) Wenn $K \neq K_{\perp}$, dann: $\alpha \notin K$ gdw. $\alpha \preceq \beta$ für alle $\beta \in \mathcal{L}$. (minimality)
- (EE5) Falls $\beta \preceq \alpha$ für alle $\beta \in \mathcal{L}$, $\vdash \alpha$. (maximality)

Wissensrepräsentation, SoSe 2004

Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmitzke

23 – 34

Kontraktion und Epistemic-Entrenchment (2)

Theorem

Sei $K \in \mathcal{K}$ ein Belief-Set und \preceq ein Epistemic-Entrenchment über K .

Wenn für jedes $\alpha \in \mathcal{L}$ die Kontraktion K^-_{α} vermittels von (Con \neg) definiert wird, dann sind (K-1) – (K-8) sowie (Con \preceq) erfüllt.

Theorem

Sei K^- ein Kontraktionsoperator, der (K-1) – (K-8) erfüllt.

Für jedes Belief-Set $K \in \mathcal{K}$ gilt:

Wenn eine Relation \preceq vermittels von (Con \preceq) definiert wird, so ist \preceq ein Epistemic-Entrenchment, d.h. \preceq genügt (EE1) – (EE5), und es ist (Con \neg) erfüllt.

Wissensrepräsentation, SoSe 2004

Ch. Habel / C. Eschenbach / H. Schmitzke

23 – 36

Possibilistische Logik & Belief Revision (1)

\succeq_{Π} ordering relation on the subsets of U
 \approx „A is at least as possible as B“

Axiomatic characterization of

comparative possibility relations Dubois (1986)

- 1) $U \succ_{\Pi} \emptyset$ (non triviality)
- 2) $A \succeq_{\Pi} \emptyset$
- 3) $A \succeq_{\Pi} B$ and $B \succeq_{\Pi} C$ imply $A \succeq_{\Pi} C$ (transitivity)
- 4) $A \succeq_{\Pi} B$ or $B \succeq_{\Pi} A$ (completeness)
- Π) $A \succeq_{\Pi} B$ implies $A \cup C \succeq_{\Pi} B \cup C, \forall C$

Possibilistische Logik & Belief Revision (2)

Entsprechend zu *comparative possibility relations* auch

comparative necessity relations

\succeq_N ordering relation on the subsets of U
 \approx „A is at least as necessary as B“

Dubois D., Prade H. (1991)

comparative necessity relations

haben die gleiche Eigenschaften wie epistemic entrenchment unter der zusätzlichen Bedingung:
 $\alpha \preceq \top$ falls α keine Tautologie

➤ Possibilistische Logik unterstützt Belief revision.

Belief-Revision – Zusammenfassung

Ausgangspunkt:

Rationalitätskriterien für Wissensveränderung

Formale Charakterisierung dieser Kriterien durch Postulate (Anforderungen)

- Theoreme zu den Eigenschaften der Belief-Change Operatoren

Alternative Konstruktionen für Kontraktion (und somit Revision) sind möglich

- Präferenzordnungen sind nützlich
- Partial meet selection
- Epistemic entrenchment (Gärdenfors & Makinson)
 - ist durch possibilistische Logik realisierbar